高一入学分班考试-数学

- WWW.9kaozx.co 一、选择题:本大题共 10 小题,每小题 6 分,共 60 分.在每小题列出的四个选项中,选出符合题目要求的
- 1. 下列运算正确的是(

A
$$\sqrt{-3^2} = 9$$

B,
$$(-4)^2 = 8$$

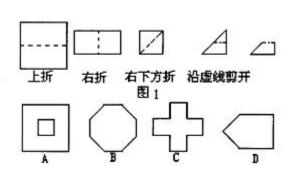
$$(-3)^2 = -9$$

$$D \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)^{-4} = 16$$

2. 函数 y=2x 与 $y=\frac{18}{x}$ 的的图象相交于 A、B 两点(其中 A 在第一象限), 过 A 作 AC 垂直于 x 轴, 垂 足为 C ,则△ABC 的面积等于()

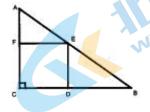
$$\frac{1+a}{a} = \frac{1-b}{a}$$

- $\frac{1+a}{1-a} = \frac{1-b}{1+b}$,则 (1 + a +b) (2 -a-b)的值是()
- B, 0 C, 1 D, 2
- 4. 如图 1 所示,把一个正方形三次对折后沿虚线剪下,则所得的图形是(



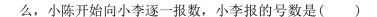
J-35 , − J+ C, 85 D, 88 5. 如图, 己知直角三角形 ABC 中, 斜边 AB=35 , 一个边长为 12 的正方形 CDEF 内接于△ABC, 则△ABC 的周长 为()

A , 81



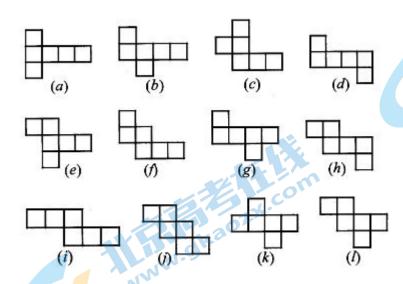
有 20 个同学排成一行, 若从左往右隔 1 人报数, 小李报 8 号, 若从右往左隔 2 人报数, 小陈报 6 号, 那

第1页共7页 关注北京高考在线官方微信:北京高考资讯(ID:b.j-gaokao), 获取更多试题资料及排名分析信息。



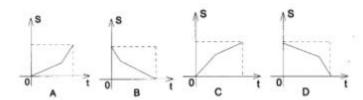
- A 、11
- B, 12 C, 13 D, 14
- 7. 图中不是正方形的侧面展开图的个数为()

A, 1 B, 2 C, 3 D, 4



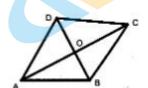
8. 张华同学从家里去学校,开始选匀速步行,走了一段路后,发觉照这样走下去会迟到, 于是匀速跑完余下的路 程,下面坐标系中,横轴表示该同学从家出发后的时间 t,纵轴 表示张华离学校的路程 S,则 S 与 t 之间函 数关系的图像大致是(

Www.gkaozx.c



- 9. 令 a=0.12345678910111213 ······998999 , 其中的数字是由依次写下正整数1至999得到的,则小数点右 WWW.9 边第 2008 位数字是()
- A, 0

- B₅ 5 C₅ 7 D₅ 9
- 若不等式 ax2 + 7x -1 > 2x + 5 对 $-1 \le a \le 1$ 恒成立,则 x 的取值范围是()
- A, -1 < x < 1 B, $-1 \le x \le 1$ C, 2 < x < 3 D, $2 \le x \le 3$
- 二、填空题: 本大题共 6 小题,每小题 6 分,共 36 分.把答案填在题中横线上.
- 11. 计算: $\frac{1}{2-\sqrt{3}} + (\sqrt{3}-1)^2 \sqrt{(\tan 60^0 2)^2} = \frac{1}{2-\sqrt{3}}$
- 12. 如图, 四边形 ABCD 的对角线相交于点 0, ∠BAD=∠BCD=60°, ∠CBD=55°, ∠ADB=50°, 则∠AOB 的度 数为



第 2 页 共 7 页 关注北京高考在线官方微信:北京高考资讯(ID:bj-gaokao), 获取更多试题资料及排名分析信息。

- 13. 内切两圆的半径长是方程 $x^2 + px + q = 0$ 的两根,己知两圆的圆心距是 1,其中一圆的半径是 3,则 p + q =_____
- 14. 观察下列分母有理化的计算: $\frac{2}{\sqrt{3}+1} = \sqrt{3} 1; \quad \frac{2}{\sqrt{5}+\sqrt{3}} = \sqrt{5} \sqrt{3}; \quad \frac{2}{\sqrt{7}+\sqrt{5}} = \sqrt{7} \sqrt{5}$

$$2(\frac{1}{1+\sqrt{3}} + \frac{1}{\sqrt{3}+\sqrt{5}} + \frac{1}{\sqrt{5}+\sqrt{7}} + \dots + \frac{1}{\sqrt{2007}+\sqrt{2009}}) = \underline{\hspace{1cm}}$$

从计算结果中找出规律,并利用这一规律计算:

15. 随机抽取某城市 30 天的空气质量状况如下表:

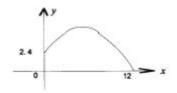
污染指数(w)	40	70	90	110	120	140
天 数(t)	3	5	10	7	4	1

其中 w≤50 时,空气质量为优;50<w≤100 时,空气质量为良;100<w≤150 时,空气质量为轻为污染.估计该城市一年(以 365 天计)中空气质量达到良以上的有______天.

16. 为了备战奥运会预选赛,中国国奥队在一次训练中,前锋队员在距离球门12米处的挑射,正好击中了2.4米

高的球门横梁,若足球运行的路线是抛物线 y = $a_{x2+bx+c}$ (如图),则下列结论: ① $a_{-b+c>0}$; ② $\frac{-1}{60} < a < 0$;

 $-\frac{1}{60}$; ④ 0< b < -12a, 其中正确结论的序号是



- 三、解答题: 本大题共 4 小题, 共 54 分. 解答应写出文字说明, 证明过程或演算步骤.
- $\frac{10}{17} + \frac{k}{x} = 1$ 17. (本小题 12 分)已知 x=3 是方程 $\frac{k}{x+2} + \frac{k}{x} = 1$ 的一个根,求 k 的值和方程其余的根.

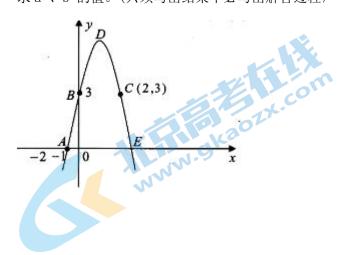
18. (本小题 14 分)如图,在直角坐标系 x0y 中,直线 1 经过点 $B(0, \sqrt{3})$,且与 x 轴的正半轴交于 A 点,点 P、 Q 在线段 AB 上,点 M、N 在线段 OA 上,且 $\triangle POM$ 与 $\triangle QMN$ 是相似比为 3:1 的两个等边三角形.

试求: (1) $\frac{AM}{MO}$ 的值; (2) 直线 1 的解析式

- 19. (本小题 14 分)梯形 ABCD 中, AB//CD, AB=25. CD=DA=16, 问对角线
- BD 能否把梯形分成两个相似的三角形?若不能,给出证明:若能,求出 BC, BD 的长.

第3页共7页 关注北京高考在线官方微信:北京高考资讯(ID:b.j-gaokao), 获取更多试题资料及排名分析信息。

- 20. (本小题 14 分) 己知: 如图, 抛物线 C1 经过 A、B、C 三点, 顶点为 D, 且与 x 轴的 另一个交点为 E.
- (1)求抛物线 C1 的解析式:
- (2) 求四边形 ABDE 的面积:
- (3)△AOB 与△BDE 是否相似, 若相似, 请予以证明:若不相似, 请说明理由:
- (4) 设抛物线 C1 的对称轴与 x 轴交于点 F,另一条抛物线 C2 经过点 E (抛物线 C2 与抛物线 C1 不重合),且 顶点为 M(a , b) 对称轴与 x 轴交于点 G,且以 M、G、E 为顶点的三角形与以 D、E、F 为顶点的三角形全等,求 a 、 b 的值。(只须写出结果不必写出解答过程)





第4页共7页 关注北京高考在线官方微信:北京高考资讯(ID:bj-gaokao), 获取更多试题资料及排名分析信息。

参考答案

- 一、选择题: 本大题共 10 小题, 每小题 6 分, 共 60 分.
- Www.gkaozx.co 1, D 2, A 3, D 4, C 5, B 6, A 7, B 8, D 9, C
- 二、填空题:本大题共 6 小题,每小题 6 分,共 36 分.
- 11、4 12、80° 13、1 或 5 14、 $\sqrt{2009}$ -1 15、219 16、③④
- 三、解答题: 本大题共 4 小题, 共 54 分.
- 17、(本小题 12 分)

解:
$$x = 3$$
 是方程 $\frac{10}{x+2} + \frac{k}{x} = 1$ 的一个根,

$$\therefore \frac{10}{3+2} + \frac{k}{3} = 1 \Longrightarrow k = -3$$

$$\therefore \frac{10}{3+2} + \frac{k}{3} = 1 \Rightarrow k = -3$$

$$\text{III} \frac{10}{x+2} + \frac{-3}{x} = 1 \Rightarrow x^2 = -5x + 6 = 0 \Rightarrow x_1 = 3 \Rightarrow x_2 = 2$$

所以方程的另一根为 2.

18、(本小题 14 分)

解: (1)
$$MQ$$
 PO $\Rightarrow \triangle AOP \sim \triangle QOM \Rightarrow \frac{AO}{AM} = \frac{3}{1} \Rightarrow \frac{AO - AM}{AM} = \frac{3-1}{1}$ 即 $\frac{AM}{MO} = \frac{1}{2}$

不妨设其为 y=kx+b, 求待定系数 k、b 的值. 作 $PC\perp OA$ 交 OA 于点 C.

- ∵△OPM 是等边三角形,
- ∴设 oc= α , 则 OM=2a, OA=3a, PC= $\sqrt{3}$ a.

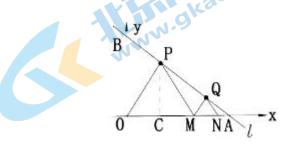
$$\therefore \frac{PC}{OB} = \frac{AC}{OA} \Rightarrow \frac{\sqrt{3}a}{\sqrt{3}} = \frac{2}{3} \Rightarrow a = \frac{2}{3}$$

则 A 点坐标为(2, 0)

又::A、B 两点都在直线1上,

得方程组
$$\begin{cases} 2k+b=0\\ b=\sqrt{3} \end{cases}$$
解得
$$\begin{cases} k=-\frac{\sqrt{3}}{2}\\ b=\sqrt{3} \end{cases}$$

所以直线 1 的解析式为
$$y = -\frac{\sqrt{3}}{2}x + \sqrt{3}$$



19、(本小题 14 分)

解:①若 AD 与 DC 成对应边,则由 AD=DC 可知△ABD≌△DBC,

- ∴∠ABD=∠DBC ,但己知 AB//CD ,
- ∴∠ABD=∠BDC,
- ∴∠BDC=∠DBC
- ∴ △DBC 为等腰三角形,
- ∴BD=16 或 25 ,

这都与△ABD≌△DBC 矛盾



- ∴∠ABD=∠BDC,
- ∴∠BCD=∠BDC
- ∴△DBC 为等腰三角形,
- :.BD=16 或 25,

www.gkaoz 当 BD=16 时, △DBC 为正三角形,与 △ABD∽△DBC 矛盾,

当 BD=25 时, BC=25 ,与 AB//CD 矛盾

③若 AD 与 BC 成对应边,

则只有
$$\frac{BC}{AD} = \frac{CD}{BD} = \frac{BD}{AB}$$

$$\therefore \frac{BC}{16} = \frac{16}{BD} = \frac{BD}{25}$$

$$\therefore BD = \sqrt{16 \times 25} = 20, \quad BC = \frac{16^2}{BD} = \frac{64}{5}$$

所以,对角线 BD 能把梯形分成两个相似的三角形,BC,BD 的长分别为 5 和 20

20、(本小题 14 分)

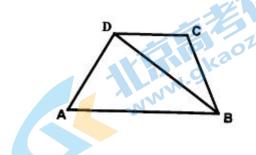
则图像可知: C1 经过 A (一1, 0)、B (0, 3)、C (2, 3) 三点 解(1): 设 C1 的解析式为 y = ax2+bx+c ,

- :. 抛物线 C_1 的解析式为 $y = -x^2 + 2x + 3(2)$: $y = -x^2 + 2x + 3 = -(x 1)^2 + 4$
- ∴ 抛物线 C1 的顶点坐标为 D (1, 4)

过 D 作 DF L x 轴于 F, 由图像可知, OA=1, OB=3, OF=1, DF=4

令 y=o , 则 $-x^2+2x+3=0$, 解得 $x_1=-1$, $x_2=3$

第6页共7页 关注北京高考在线官方微信:北京高考资讯(ID:bj-gaokao), 获取更多试题资料及排名分析信息。



∴ OE=3, 则 EF=2

$$S_{\triangle ABO} = \frac{1}{2} AO \cdot BO = \frac{1}{2} \times 1 \times 3 = \frac{3}{2}$$

$$S_{\Delta DFE} = \frac{1}{2}DF \cdot FE = \frac{1}{2} \times 4 \times 2 = 4$$

$$S_{\text{\#BOFD}} = \frac{1}{2} (BO + DF) \cdot OF = \frac{1}{2} \times (3+4) \times 1 = \frac{7}{2}$$

$$S_{\text{四边形}\textit{ABDE}} = S_{\Delta\textit{ABO}} + S_{\Delta\textit{DFE}} + S_{$$
梯形 $\textit{BOFD}} = \frac{3}{2} + 4 + \frac{7}{2} = 9$

(3)如图:过B 作 BK L DF 于 K , 则 BK=OF=1

∵DK=DF — OB=4-3=1,

$$\therefore BD = \sqrt{DK^2 + BK^2} = \sqrt{2}$$

$$\nabla : DE = \sqrt{DF^2 + FE^2} = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}$$
, $AB = \sqrt{10}$, $BE = 3\sqrt{2}$

在△ABO和△BDE中,

$$AO=1$$
, BO=3, AB= $\sqrt{10}$; BD= $\sqrt{2}$, BE= $3\sqrt{2}$, DE= $2\sqrt{5}$

$$\therefore \frac{AO}{BD} = \frac{BO}{BE} = \frac{AB}{DE} = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

∴△AOB∽△DBE ------12 分

(4)
$$\begin{cases} a_1 = 5 \\ b_1 = 4 \end{cases} \begin{cases} a_2 = 5 \\ b_2 = -4 \end{cases} \begin{cases} a_3 = 7 \\ b_3 = 2 \end{cases} \begin{cases} a_4 = 7 \\ b_4 = -2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a_5 = 1 \\ b_5 = -4 \end{cases}, \begin{cases} a_6 = -1 \\ b_6 = -2 \end{cases}, \begin{cases} a_7 = -1 \\ b_7 = 2 \end{cases}$$



关于我们

北京高考资讯是专注于北京新高考政策、新高考选科规划、志愿填报、名校强基计划、学科竞赛、高中生涯规划的超级升学服务平台。总部坐落于北京,旗下拥有北京高考在线网站(www.gaokzx.com)和微信公众平台等媒体矩阵。

目前,北京高考资讯微信公众号拥有30W+活跃用户,用户群体涵盖北京80%以上的重点中学校长、老师、家长及考生,引起众多重点高校的关注。 北京高考在线官方网站:www.gaokzx.com

> 北京高考资讯 (ID: bj-gaokao) 扫码关注获取更多



WWW.9kaozx.

