

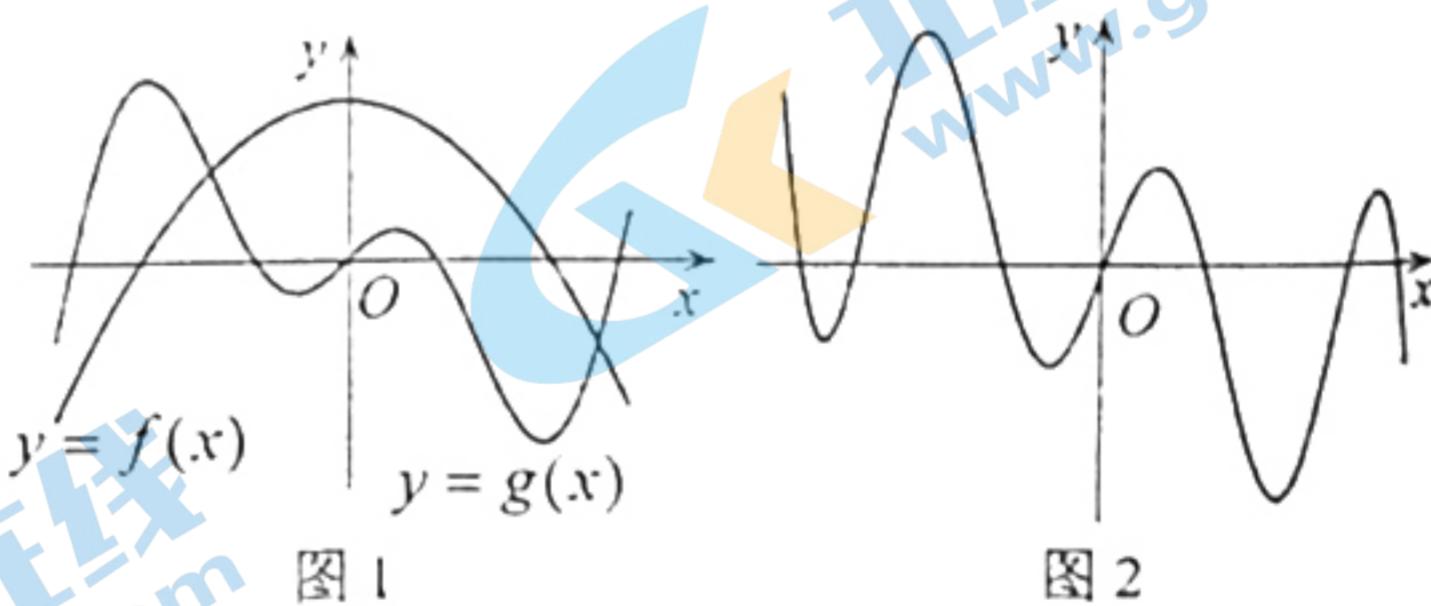
数学试题（理科）

注意事项：

1. 答题前，考生务必将自己的姓名、准考证号填写在答题卡上。
2. 回答选择题时，选出每小题答案后，用铅笔把答题卡上对应题目的答案标号涂黑。如需改动，用橡皮擦干净后，再选涂其它答案标号。回答非选择题时，将答案写在答题卡上，写在本试卷无效。
3. 考试结束后，将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题：本题共 12 小题，每小题 5 分，共 60 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

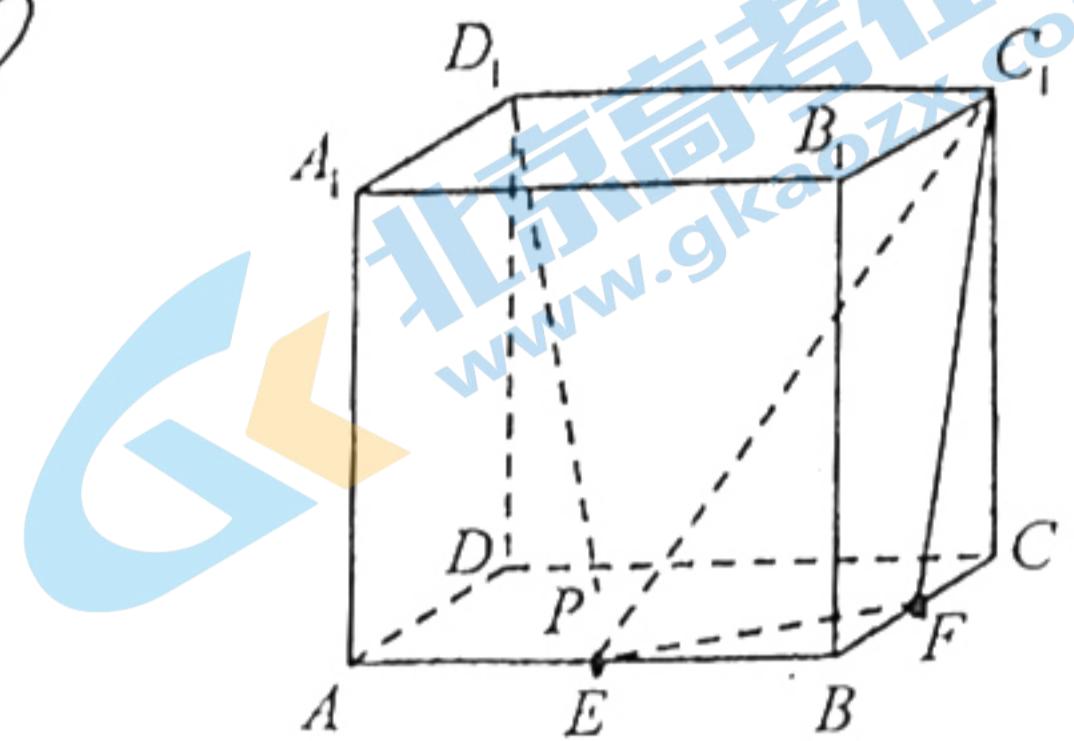
1. 设集合 $A = \{x \in \mathbb{Z} \mid -1 \leq x \leq 3\}$, $B = \{x \mid x > 0\}$, 则 $A \cap B = \text{B}$ 。
 - A. {1, 2}
 - B. {1, 2, 3}
 - C. {2, 3}
 - D. {0, 1, 2, 3}
2. 复数 z 满足 $zi = \sqrt{2} - i$, 则 $|z| = \text{C}$ 。
 - A. 1
 - B. $\sqrt{2}$
 - C. $\sqrt{3}$
 - D. 2
3. 下列命题正确的是 C
 - A. “ $\forall x > 0$, $x^2 + x > 1$ ” 的否定是 “ $\exists x_0 > 0$, $x_0^2 + x_0 < 1$ ”
 - B. “若 $x > 0$, 则 $x^2 + x > 1$ ” 的否命题是 “若 $x \leq 0$, 则 $x^2 + x < 1$ ”
 - C. “ $\exists x_0 > 0$, $x_0^2 + x_0 \leq 1$ ” 的否定是 “ $\forall x > 0$, $x^2 + x > 1$ ”
 - D. “若 $x > 0$, 则 $x^2 + x > 1$ ” 的逆命题是 “若 $x^2 + x < 1$, 则 $x < 0$ ”
4. 已知函数 $f(x)$ 与 $g(x)$ 的部分图象如图 1, 则图 2 可能是下列哪个函数的部分图象
 - A. $y = f(g(x))$
 - B. $y = f(x)g(x)$
 - C. $y = g(f(x))$
 - D. $y = \frac{f(x)}{g(x)}$



5. 已知向量 a , b 满足 $|a|=1$, $a \cdot (a-2b)=-5$, 则 $a \cdot b = \text{D}$
 - A. 2
 - B. $\sqrt{2}$
 - C. $\sqrt{3}$
 - D. 3
6. 若 A , B 为双曲线 $\frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{12} = 1$ 的左, 右焦点, C 为该双曲线上一点, 且 $\cos \angle ACB = \frac{3}{5}$, 则 $\triangle ABC$ 的周长为
 - A. 24
 - B. 20
 - C. 16
 - D. 12

7. 如图，在棱长为1的正方体 $ABCD-A_1B_1C_1D_1$ 中， P 为正方形 $ABCD$ 内（包括边界）的一动点， E ， F 分别为棱 AB ， BC 的中点，若直线 D_1P 与平面 EFC_1 无公共点，则线段 D_1P 的长度的范围是

- A. $[\frac{\sqrt{5}}{4}, \frac{3\sqrt{2}}{4}]$
- B. $[\frac{3\sqrt{2}}{4}, \frac{\sqrt{5}}{2}]$
- C. $[\frac{3\sqrt{2}}{4}, \frac{3\sqrt{5}}{4}]$
- D. $[1, \frac{\sqrt{5}}{2}]$



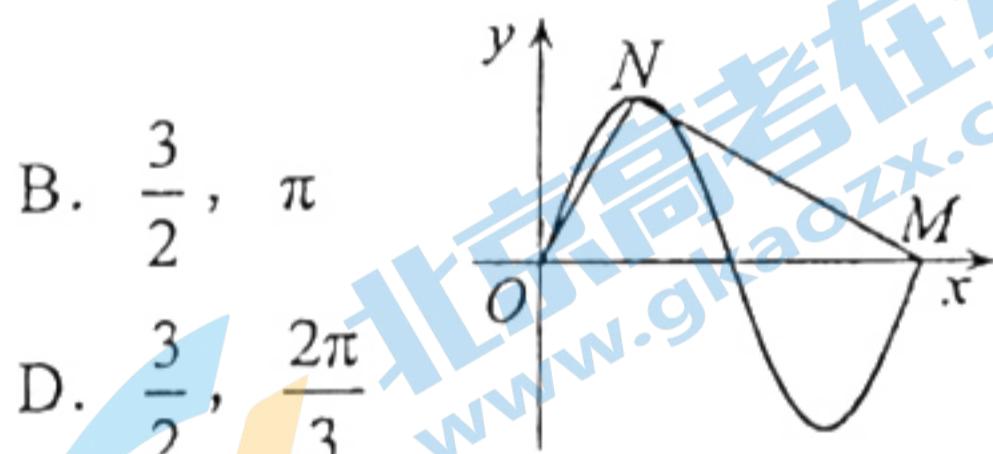
8. 已知 $(ax+1)^7 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_7x^7$ ，若 $a_2 = 84$ ，则 $a =$
- A. 2
 - B. ± 2
 - C. $\sqrt{2}$
 - D. $\pm\sqrt{2}$

9. 已知 $P(a, b)$ 是圆 $x^2 + y^2 = 1$ 上的点，下列结论正确的是

- A. $ab \geq \frac{1}{2}$
- B. $2^{a^2} + 2^{b^2}$ 最大值是 $2\sqrt{2}$
- C. $2^{1-a^2} \leq 3^{|b|}$
- D. $2\lg|a| \geq \lg(1+b)$

10. 函数 $f(x) = A \sin \omega x$ ($A > 0$, $\omega > 0$) 的部分图象如图， O 为坐标原点， M 点是该图象与 x 轴的一个交点， N 点是该图象的一个最高点，且 $ON \perp MN$ ， $|MN| = \sqrt{3}$ ，则 A 与 ω 分别为

- A. $\frac{\sqrt{3}}{2}, \pi$
- B. $\frac{3}{2}, \pi$
- C. $\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{2\pi}{3}$
- D. $\frac{3}{2}, \frac{2\pi}{3}$



11. 已知圆锥的底面圆周和顶点都在一半径为1的球的球面上，当圆锥体积为球体积的 $\frac{1}{4}$ 时，圆锥的高为

- A. 1或 $\sqrt{2}$
- B. 1或 $\frac{\sqrt{3}+1}{2}$
- C. 1或 $\sqrt{3}$
- D. 1或 $\frac{\sqrt{5}+1}{2}$

12. 已知 F 是椭圆 $\frac{x^2}{a^2} + y^2 = 1$ ($a > 1$) 的左焦点， A 是该椭圆的右顶点，过点 F 的直线 l （不与 x 轴重合）与该椭圆相交于点 M ， N 。记 $\angle MAN = \alpha$ ，设该椭圆的离心率为 e ，下列结论正确的是

- A. 当 $0 < e < 1$ 时， $\alpha < \frac{\pi}{2}$
- B. 当 $0 < e < \frac{\sqrt{2}}{2}$ 时， $\alpha > \frac{\pi}{2}$
- C. 当 $\frac{1}{2} < e < \frac{\sqrt{2}}{2}$ 时， $\alpha > \frac{2\pi}{3}$
- D. 当 $\frac{\sqrt{2}}{2} < e < 1$ 时， $\alpha > \frac{3\pi}{4}$

关注北京高考在线官方微博，北京高考资讯 (ID:bj-gaokao)，获取更多试题资料及排名分析信息。

二、填空题：本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。

13. 若 ξ 为离散型随机变量，且 $\xi \sim B(5, \frac{1}{3})$ ，则其方差 $D(\xi) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。

14. 二元一次不等式组 $\begin{cases} x - y \leq -2, \\ x + y \leq 2, \\ x \geq -1. \end{cases}$ 对应平面区域的面积是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

15. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} x+1, & x \leq 0, \\ x^2, & x > 0. \end{cases}$ 若 $f(x_1) = f(x_2)$ ，则 $|x_1 - x_2|$ 的取值范围是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

16. 数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 = 1$ ， $a_2 = 3$ ， $a_{n+2} = 3a_{n+1} - 2a_n$ ，若该数列中有且仅有 $\underline{\hspace{2cm}}$ 项满足 $\lambda \leq a_n$ ，则实数 λ 的取值范围是 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。

三、解答题：共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。第 17~21 题为必考题，每个试题考生都必须作答。第 22、23 题为选考题，考生根据要求作答。

(一) 必考题：共 60 分。

17. (12 分)

设 $\triangle ABC$ 中角 A ， B ， C 的对边分别为 a ， b ， c ， $A = \frac{\pi}{3}$ 。

(1) 若 $c = 2$ ， $a = 2\sqrt{3}$ ，求 b ；

(2) 若 $\triangle ABC$ 为锐角三角形，求 $\cos(2A + 2B) + \sin C$ 的取值范围。

18. (12 分)

如图，在三棱台 $ABC-A_1B_1C_1$ 中，

$AA_1 \perp$ 平面 ABC ， $A_1B_1 \perp B_1C_1$ ，

$AA_1 = AB = 2A_1B_1 = \frac{1}{2}BC = 2$ 。

(1) 求证：平面 $BCC_1B_1 \perp$ 平面 ABB_1A_1 ；

(2) 若 E ， F 分别为 AB ， CC_1 的中点，求平面 A_1EF 与平面 $A_1B_1C_1$ 所成锐二面角的余弦值。

19. (12 分)

在能源和环保的压力下，新能源汽车将成为未来汽车的发展方向。我国大力发展战略性新兴产业的生产和销售。某市近 6 年的新能源汽车保有量数据如下表

年份代号 x	1	2	3	4	5	6
保有量 y (万辆)	1	1.8	2.7	4	5.9	9.2

(1) 从这 6 年中任意选取两年，求这两年中仅有 1 年的新能源汽车保有量大于 4 万辆的概率；

(2)用函数模型 $y = ce^{kt}$ ($c > 0$) 对两个变量 x, y 的关系进行拟合, 根据表中数据求出 y 关于 x 的回归方程 (系数精确到 0.01).

参考数据: $\bar{x} = 3.5$, $\bar{y} = 4.1$, $\sum_{i=1}^6 x_i^2 = 91$; 设 $t_i = \ln y_i$, $\bar{t} = 1.16$, $\sum_{i=1}^6 x_i t_i = 31.89$.

参考公式: 回归直线 $\hat{y} = \hat{a} + \hat{\beta}x$ 的斜率和截距的最小二乘估计公式分别为:

$$\hat{\beta} = \frac{\sum_{i=1}^n u_i v_i - n \bar{u} \bar{v}}{\sum_{i=1}^n u_i^2 - n \bar{u}^2}, \quad \hat{a} = \bar{v} - \hat{\beta} \bar{u} \quad e^{-0.35} \approx 0.7047.$$

20. (12 分)

已知点 $F(\frac{1}{6}, 0)$, 直线 $l: x = -\frac{1}{6}$, 动点 P 到点 F 与到直线 l 的距离相等.

(1)求动点 P 的轨迹 C 的方程;

(2)过 C 上一点 $M(3, \sqrt{2})$ 作圆 $(x-2)^2 + y^2 = 1$ (N 为圆心) 的两条切线分别与轨迹 C 交于异于 M 的 A, B 两点, 求 $\overline{MN} \cdot \overline{AB}$.

21. (12 分)

已知定义在 $[0, +\infty)$ 上的函数 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + ax + \cos x$.

(1)若 $f(x)$ 为定义域上的增函数, 求实数 a 的取值范围;

(2)若 $a = -1$, $f(x_1) = f(x_2) = 0$, $x_1 \neq x_2$, $f(x_0)$ 为 $f(x)$ 的极小值, 求证:

$x_1 + x_2 < 2x_0$.

(二) 选考题: 共 10 分. 请考生在第 22、23 题中任选一题作答, 如果多做, 则按所做的第一题计分.

22. [选修 4-4: 坐标系与参数方程](10 分)

直角坐标系 xOy 中, 曲线 C_1 的参数方程为 $\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}t, \\ y = \frac{\sqrt{2}}{2}t - 1. \end{cases}$ (t 为参数), 以 O 为

极点, x 轴正半轴为极轴建立极坐标系, 曲线 C_2 的极坐标方程为 $\rho^2(1 + 2\sin^2\theta) = 3$.

(1)求 C_1 的普通方程和 C_2 的直角坐标方程;

(2)点 A, B 为 C_1 与 C_2 的交点, C 为曲线 C_2 上一点, 求 $\triangle ABC$ 面积的最大值.

23. [选修 4-5: 不等式选讲](10 分)

已知 $f(x) = |x-1| - a|x+1|$.

(1)若 $a = 1$, 解不等式 $f(x) \leq 1$;

(2)若不等式 $f(x) \leq 1$ 无解, 求实数 a 的取值范围.

理科数学参考答案

一、选择题：

1. B 2. C 3. C 4. B 5. D 6. A 7. B 8. B 9. C 10. A 11. D 12. A

二、填空题：本题共 4 小题，每小题 5 分，共 20 分。

13. $\frac{10}{9}$ 14. 1 15. $[1, \frac{5}{4}] \cup \{0\}$ 16. $(1, 3]$

三、解答题：共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. 解：(1) $\because a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$,

$$\therefore 12 = b^2 + 4 - 2 \times 2 \times b \times \frac{1}{2},$$

$$\therefore b^2 - 2b - 8 = 0 \quad \therefore b = 4.$$

$$\begin{aligned}
 (2) \because \cos(2A+2B)+\sin C &= \cos[2(\pi-C)]+\sin C \\
 &= \cos 2C + \sin C \\
 &= -2\sin^2 C + \sin C + 1 \\
 &= -2\left(\sin C - \frac{1}{4}\right)^2 + \frac{9}{8}.
 \end{aligned}$$

又 $\because \triangle ABC$ 为锐角三角形， $A = \frac{\pi}{3}$, $\therefore A+C > \frac{\pi}{2}$, $0 < C < \frac{\pi}{2}$

$$\therefore \frac{\pi}{6} < C < \frac{\pi}{2}, \quad \frac{1}{2} < \sin C < 1,$$

 $\therefore \cos(2A+2B)+\sin C$ 的取值范围是 $(0, 1)$.18. 解：(1) 在三棱台 $ABC-A_1B_1C_1$ 中， $\because A_1B_1 \perp B_1C_1$,

$$\therefore AB \perp BC.$$

$$\because AA_1 \perp \text{平面 } ABC, \quad BC \subset \text{平面 } ABC, \quad \therefore AA_1 \perp BC.$$

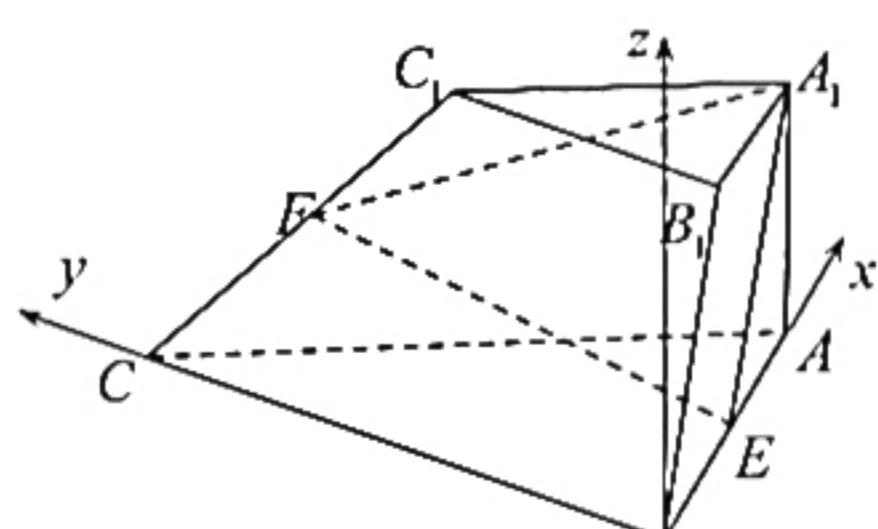
$$\because AA_1 \cap AB = A, \quad \text{且 } AA_1 \text{ 和 } AB \text{ 都在平面 } ABB_1A_1 \text{ 内},$$

$$\therefore BC \perp \text{平面 } ABB_1A_1.$$

又 $\because BC$ 在平面 BCC_1B_1 内， \therefore 平面 $BCC_1B_1 \perp$ 平面 ABB_1A_1 .(2) 如图，以 B 为坐标原点， BA 为 x 轴， BC 为 y 轴， 以过 B 垂直于平面 ABC 的直线为 z 轴， 建立空间直角坐标系 $xyBz$ ， 根据题意得，

$$B(0, 0, 0), \quad A(2, 0, 0),$$

$$C(0, 4, 0), \quad E(1, 0, 0),$$



$$A_1(2, 0, 2), F\left(\frac{1}{2}, 3, 1\right).$$

∴ 棱台中平面 $A_1B_1C_1$ 与平面 ABC 平行, ∴ 平面 A_1EF 与平面 $A_1B_1C_1$ 所成锐二面角和平面 A_1EF 与平面 ABC 所成锐二面角相等.

平面 ABC 的一个法向量 $\mathbf{n}_1 = (0, 0, 1)$, 设平面 A_1EF 一个法向量 $\mathbf{n}_2 = (x, y, z)$.

$$\overrightarrow{A_1E} = (-1, 0, -2), \quad \overrightarrow{A_1F} = \left(-\frac{3}{2}, 3, -1\right).$$

$$\therefore \begin{cases} \mathbf{n}_2 \cdot \overrightarrow{A_1E} = 0 \\ \mathbf{n}_2 \cdot \overrightarrow{A_1F} = 0 \end{cases}, \quad \therefore \begin{cases} -x - 2z = 0 \\ -\frac{3}{2}x + 3y - z = 0 \end{cases},$$

令 $y = 2$, 得 $\mathbf{n}_2 = (6, 2, -3)$.

$$\text{设 } \mathbf{n}_1 \text{ 与 } \mathbf{n}_2 \text{ 夹角为 } \theta, \quad \therefore \cos \theta = \frac{\mathbf{n}_1 \cdot \mathbf{n}_2}{|\mathbf{n}_1| \cdot |\mathbf{n}_2|} = \frac{-3}{1 \times \sqrt{36+4+9}} = -\frac{3}{7}.$$

∴ 平面 A_1EF 与平面 $A_1B_1C_1$ 所成锐二面角余弦为 $-\frac{3}{7}$.

19. 解: (1) 设 6 年中任意选取两年, 仅有 1 年的新能源汽车保有量大于 4 (万辆) 为事件 A , ∴ $P(A) = \frac{C_4^1 C_2^1}{C_6^2} = \frac{8}{15}$.

所以, 仅有 1 年的新能源汽车保有量大于 4 (万辆) 的概率为 $\frac{8}{15}$.

(2) 对 $y = ce^{dt}$ ($c > 0$) 两边取自然对数得: $\ln y = \ln c + dx$, 设 $t = \ln y$,
 $\therefore t = \ln c + dx$.

$$\therefore d = \frac{\sum_{i=1}^6 x_i t_i - 6 \bar{x} \bar{t}}{\sum_{i=1}^6 x_i^2 - 6 \bar{x}^2} = \frac{31.89 - 6 \times 3.5 \times 1.16}{91 - 6 \times 3.5^2} \approx 0.43,$$

$$\therefore \bar{t} = \ln c + 0.43 \bar{x}, \quad \ln c = \bar{t} - 0.43 \bar{x} = 1.16 - 0.43 \times 3.5 \approx -0.35.$$

$$\therefore c^{-0.35} \approx 0.7047, \quad \therefore c \approx 0.70, \quad \therefore y = 0.70e^{0.43x}.$$

20. 解: (1) 设点 $P(x, y)$, 根据题意得: $\sqrt{(x - \frac{1}{6})^2 + y^2} = |x + \frac{1}{6}|$,

化简得动点 P 的轨迹方程为 $y^2 = \frac{2}{3}x$.

(2) ∵ $M(3, \sqrt{2})$, $(x - 2)^2 + y^2 = 1$,

∴ $x = 3$ 即圆的过点 $M(3, \sqrt{2})$ 一条切线, 不妨记 $A(3, -\sqrt{2})$.

设直线 MB 的斜率为 k , ∴ 切线 MB 方程为 $y - \sqrt{2} = k(x - 3)$, 设 $B(x_1, y_1)$.

关注北京高考在线官方微信: 北京高考资讯 (ID:bj-gaokao), 获取更多试题资料及排名分析信息。

由方程组 $\begin{cases} y - \sqrt{2} = k(x - 3), \\ y^2 = \frac{2}{3}x, \end{cases}$ 得, $y^2 - \frac{2}{3k}y + \frac{2\sqrt{2}}{3k} - 2 = 0$, $\therefore \sqrt{2} + y_1 = \frac{2}{3k}$.
 $\therefore y_1 = \frac{2}{3k} - \sqrt{2}$.

又 \because 直线为 $y - \sqrt{2} = k(x - 3)$, 其与圆相切,

$$\therefore \frac{|2k - 0 - 3k + \sqrt{2}|}{\sqrt{k^2 + 1}} = 1 \quad \therefore k = \frac{\sqrt{2}}{4}.$$

$$\therefore y_1 = \frac{\sqrt{2}}{3}, \quad \because \text{点 } B \text{ 在曲线 } y^2 = \frac{2}{3}x \text{ 上}, \quad \therefore B\left(\frac{1}{3}, \frac{\sqrt{2}}{3}\right).$$

$$\therefore \overrightarrow{AB} = \left(-\frac{8}{3}, \frac{4\sqrt{2}}{3}\right).$$

$$\text{又 } \overrightarrow{MN} = (-1, -\sqrt{2}),$$

$$\therefore \overrightarrow{MN} \cdot \overrightarrow{AB} = 0.$$

21. 解: (1)由 $f(x) = \frac{1}{2}x^2 + ax + \cos x$ 得, $f'(x) = x + a - \sin x$.

$\because f(x)$ 为 $[0, +\infty)$ 上的增函数,

$$\therefore x \geq 0, \quad f'(x) = x + a - \sin x \geq 0, \quad \therefore a \geq \sin x - x,$$

$$\text{设 } g(x) = \sin x - x (x \geq 0), \quad \therefore g'(x) = \cos x - 1 \leq 0,$$

$\therefore g(x)$ 为减函数, $g(x) \leq g(0) = 0$,

$\therefore a \geq 0$ 时 $f(x)$ 为定义域上的增函数,

所以, 实数 a 的取值范围是 $[0, +\infty)$.

$$(2) \because a = -1, \quad \therefore f(x) = \frac{1}{2}x^2 - x + \cos x, \quad f'(x) = x - 1 - \sin x,$$

设 $h(x) = x - 1 - \sin x$, $h'(x) = 1 - \cos x \geq 0$, $\therefore f'(x)$ 为增函数,

$$\therefore f'(0) = 0 - 1 - \sin 0 = -1 < 0, \quad f'(\pi) = \pi - 1 - \sin \pi > 0,$$

$\therefore \exists x_0 \in (0, \pi)$, $f'(x_0) = 0$, 当 $x \in (0, x_0)$ 时, $f'(x) < 0$, $f(x)$ 为减函数; 当 $x \in (x_0, +\infty)$ 时, $f'(x) > 0$, $f(x)$ 为增函数, $f(x_0)$ 为 $f(x)$ 的极小值.

$$\text{设 } x_1 < x_2, \quad \therefore f(0) = 1 > 0, \quad f(\pi) = \frac{\pi^2}{2} - \pi - 1 > 0, \quad \therefore 0 < x_1 < x_0 < x_2 < \pi.$$

$$\text{设 } F(x) = f(x_0 + x) - f(x_0 - x) (0 < x < \pi),$$

$$\therefore F'(x) = 2x_0 - 2 - 2 \sin x_0 \cos x, \quad \therefore (F'(x))' = 2 \sin x_0 \sin x.$$

$\therefore \sin x_0 > 0$ $\therefore F'(x)$ 为增函数.

$$F'(0) = 2x_0 - 2 - 2 \sin x_0 \cos 0 = 2x_0 - 2 - 2 \sin x_0 = 2(x_0 - 1 - \sin x_0) = 2f'(x_0) = 0.$$

$\therefore F'(x) > F'(0) = 0$, $F(x)$ 为增函数.

关注北京高考在线官方微信: 北京高考资讯 (ID:bj-gaokao), 获取更多试题资料及排名分析信息。

$$\therefore F(x) > F(0) = f(x_0 + 0) - f(x_0 - 0) = 0,$$

$$\therefore f(x_0 + x) > f(x_0 - x) \quad (0 < x < \pi).$$

$$\therefore f(x_1) = f(x_2) = f[x_0 + (x_2 - x_0)] > f[x_0 - (x_2 - x_0)] = f(2x_0 - x_2),$$

$$\text{又} \because f'(\frac{\pi}{2}) = \frac{\pi}{2} - 1 - \sin \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} - 2 < 0, \quad \therefore \frac{\pi}{2} < x_0 < x_2 < \pi, \quad \therefore 0 < 2x_0 - x_2 < x_0,$$

又 $x \in (0, x_0)$, $f(x)$ 为减函数,

$$\therefore x_1 < 2x_0 - x_2, \quad \text{即 } x_1 + x_2 < 2x_0.$$

22. 解: (1) 消去参数方程 $\begin{cases} x = \frac{\sqrt{2}}{2}t, \\ y = \frac{\sqrt{2}}{2}t - 1. \end{cases}$ 中的参数 t , 得到曲线 C_1 的普通方程为

$$y = x - 1.$$

分别将 $\rho^2 = x^2 + y^2$, $\rho \sin \theta = y$ 代入 $\rho^2(1 + 2\sin^2 \theta) = 3$ 即 $\rho^2 + 2(\rho \sin \theta)^2 = 3$, 并化简得曲线 C_2 的直角坐标方程为 $\frac{x^2}{3} + y^2 = 1$.

(2) $\because \begin{cases} y = x - 1 \\ \frac{x^2}{3} + y^2 = 1 \end{cases}, \quad \therefore 4x^2 - 6x = 0,$

$$\therefore |AB| = \sqrt{1+1} \left|0 - \frac{3}{2}\right| = \frac{3\sqrt{2}}{2}.$$

设 $C(\sqrt{3}\cos\theta, \sin\theta)$, 点 C 到 AB 距离为 d ,

$$\therefore d = \frac{|\sqrt{3}\cos\theta - \sin\theta - 1|}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{2} |2\cos(\theta + \frac{\pi}{6}) - 1|,$$

$$\therefore d_{\max} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

$$\therefore (S_{\triangle ABC})_{\max} = \frac{1}{2} \times \frac{3\sqrt{2}}{2} \times \frac{3\sqrt{2}}{2} = \frac{9}{4}.$$

23. 解: (1) $\because a = 1$, \therefore 解不等式 $f(x) \leq 1$ 就是解不等式 $|x-1| - |x+1| \leq 1$.

当 $x < -1$ 时, 原不等式可化为 $1-x+x+1 \leq 1$, $\therefore x \in \emptyset$.

当 $-1 \leq x \leq 1$ 时, 原不等式可化为 $1-x-x-1 \leq 1$, $\therefore -\frac{1}{2} \leq x \leq 1$.

当 $x > 1$ 时, 原不等式可化为 $x-1-x-1 \leq 1$, $\therefore x > 1$.

所以, 原不等式解集为 $[-\frac{1}{2}, +\infty)$.

(2) $f(x) = |x-1| - a|x+1|$

$$\therefore f(x) = \begin{cases} (a-1)x + a + 1, & x < -1, \\ (-a-1)x - a + 1, & -1 \leq x \leq 1, \\ (1-a)x - a - 1, & x > 1. \end{cases}$$

当 $a \leq -1$ 时, $f(x)_{\min} = f(-1) = 2 > 1$, \therefore 原不等式无解成立.

当 $-1 < a < 1$ 时, $f(x)_{\min} = f(1) = -2a$, 要原不等式无解, $\therefore -2a > 1$; $a < -\frac{1}{2}$,

$$\therefore -1 < a < -\frac{1}{2}.$$

当 $a \geq 1$ 时, $f(0) = 1 - a \leq 0$, \therefore 原不等式一定有解.

综上, 实数 a 的取值范围是 $(-\infty, -\frac{1}{2})$.

关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 40W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承“精益求精、专业严谨”的设计理念，不断探索“K12 教育+互联网+大数据”的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供“衔接和桥梁纽带”作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数百场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。



微信搜一搜

Q 北京高考资讯