

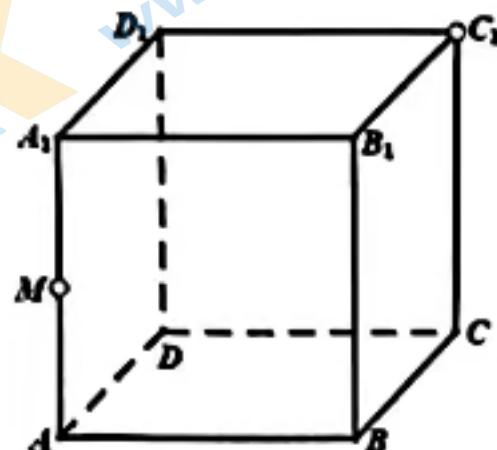
# 2024年HGT第一次模拟测试

## 数 学

本试卷共4页，22小题，满分150分。考试时间120分钟。

一、单项选择题：共8小题，每题5分，共40分。在每小题给出的四个选项中，只有一个选项是符合题目要求的。

1. 已知集合  $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 4 < 0\}$ ,  $B = \{x \in \mathbb{N}_+ \mid x < 10\}$ , 则  $A \cap B =$   
 A. {1}      B. {1, 2}      C. {1, 2, 3}      D. {1, 2, 3, 4}
2. 已知复数  $z$  满足  $z - 2i = zi + 4$ , 则  $|z| =$   
 A. 3      B.  $\sqrt{10}$       C. 4      D. 10
3. 已知等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ , 若  $a_3 = \frac{1}{3}, a_6 = \frac{2}{3}$ , 则  $S_{17} =$   
 A. 51      B. 34      C. 17      D. 1
4. 已知  $p: \ln(a-1) > 0$ ,  $q: \exists x > 0, \frac{x^2+1}{x} \leq a$ , 则  $p$  是  $q$  的  
 A. 充分不必要条件      B. 必要不充分条件  
 C. 充要条件      D. 既不充分也不必要条件
5. 已知抛物线  $C: x^2 = 4y$  的焦点为  $F$ ,  $A$  是抛物线  $C$  在第一象限部分上一点, 若  $|AF|=4$ , 则抛物线  $C$  在点  $A$  处的切线方程为  
 A.  $\sqrt{3}x - y - 3 = 0$       B.  $2x - y - 1 = 0$   
 C.  $x - y - 1 = 0$       D.  $\sqrt{2}x - y - 2 = 0$
6. 已知  $a = \log_2 5, b = \log_5 2, c = e^{\frac{1}{2}}$ , 则  
 A.  $c < a < b$       B.  $a < c < b$       C.  $a < b < c$       D.  $b < c < a$
7. 已知函数  $f(x) = \sin(x - \frac{1}{x}), x \in [-2, -1] \cup [1, 2]$ , 则下列结论中错误的是  
 A.  $f(x)$  是奇函数      B.  $f(x)_{\max} = 1$   
 C.  $f(x)$  在  $[-2, -1]$  上递增      D.  $f(x)$  在  $[1, 2]$  上递增
8. 木桶效应，也可称为短板效应，是说一只水桶能装多少水取决于它最短的那块木板。如果一只桶的木板中有一块不齐或者某块木板有破洞，这只桶就无法盛满水，此时我们可以倾斜木桶，设法让桶装水更多。如图，棱长为2的正方体容器，在顶点  $C_1$  和棱  $AA_1$  的中点  $M$  处各有一个小洞（小洞面积忽略不计），为了保持平衡，以  $BD$  为轴转动正方体，则用此容器装水，最多能装水的体积  $V =$   
 A. 4      B.  $\frac{16}{3}$       C. 6      D.  $\frac{20}{3}$



二、多项选择题：共4小题，每题5分，共20分。在每小题给出的四个选项中，有多项符合题目要求。全部选对的得5分，部分选对的得2分，有选错的得0分。

9. 已知空间中两条不同的直线  $m, n$  和两个不同的平面  $\alpha, \beta$ , 则下列说法正确的是  
 A. 若  $m // n$ ,  $m \subset \alpha$ , 则  $n // \alpha$       B. 若  $\alpha // \beta$ ,  $m \subset \alpha$ , 则  $m // \beta$   
 C. 若  $m \perp \beta$ ,  $n \subset \beta$ , 则  $m \perp n$       D. 若  $\alpha \perp \beta$ ,  $n \subset \beta$ , 则  $n \perp \alpha$

10. 已知圆  $O: x^2 + y^2 = 4$  与直线  $l: x = my + \sqrt{3}$  交于  $A, B$  两点, 设  $\Delta OAB$  的面积为  $S(m)$ ,

则下列说法正确的是

- A.  $S(m)$  有最大值 2      B.  $S(m)$  无最小值  
C. 若  $m_1 \neq m_2$ , 则  $S(m_1) \neq S(m_2)$       D. 若  $S(m_1) \neq S(m_2)$ , 则  $m_1 \neq m_2$

11. 某环保局对辖区内甲、乙两个地区的环境治理情况进行检查督导, 若连续 10 天, 每天空  
气质量指数(单位:  $\mu\text{g}/\text{m}^3$ ) 不超过 100, 则认为该地区环境治理达标, 否则认为该地区环  
境治理不达标. 已知甲乙两地区连续 10 天检查所得数据特征是: 甲地区平均数为 80, 方差为  
40, 乙地区平均数为 70, 方差为 90. 则下列推断一定正确的是

- A. 甲乙两地区这 10 天检查所得共 20 个数据的平均数是 75  
B. 甲乙两地区这 10 天检查所得共 20 个数据的方差是 65  
C. 甲地区环境治理达标      D. 乙地区环境治理达标

12. 已知直线  $l_1$  是曲线  $f(x) = \ln x$  上任一点  $A(x_1, y_1)$  处的切线, 直线  $l_2$  是曲线  $g(x) = e^x$  上  
点  $B(y_1, x_1)$  处的切线, 则下列结论中正确的是

- A. 当  $x_1 + y_1 = 1$  时,  $l_1 \parallel l_2$       B. 存在  $x_1$ , 使得  $l_1 \perp l_2$   
C. 若  $l_1$  与  $l_2$  交于点  $C$  时, 且三角形  $ABC$  为等边三角形, 则  $x_1 = 2 + \sqrt{3}$   
D. 若  $l_1$  与曲线  $g(x)$  相切, 切点为  $C(x_2, y_2)$ , 则  $x_1 y_2 = 1$

三、填空题: 共 4 小题, 每小题 5 分, 共 20 分.

13. 已知向量  $\vec{a}, \vec{b}$  满足  $|\vec{a}| = 2$ ,  $\vec{b} = (1, 2\sqrt{2})$ , 且  $\vec{a} \cdot \vec{b} = -1$ , 则向量  $\vec{a}, \vec{b}$  夹角的余弦值为\_\_\_\_\_.

14.  $(x-2y)^6(1-x)$  的展开式中  $x^4 y^3$  的系数是\_\_\_\_\_.

15. “南昌之星”摩天轮半径为 80 米, 建成时为世界第一高摩天轮, 成为南昌地标建筑之一.  
已知摩天轮转一圈的时间为 30 分钟, 甲乙两人相差 10 分钟坐上摩天轮, 那么在摩天轮上,  
他们离地面高度差的绝对值的取值范围是\_\_\_\_\_.

16. 用平面截圆锥面, 可以截出椭圆、双曲线、抛物线, 那它们是不是符合圆锥曲线的定义  
呢? 比利时数学家旦德林用一个双球模型给出了证明. 如图 1, 在一个圆锥中放入两个球,  
使得它们都与圆锥面相切, 一个平面过圆锥母线上的点  $P$  且与两个球都相切, 切点分别记为  
 $F_1, F_2$ . 这个平面截圆锥面得到交线  $C$ ,  $M$  是  $C$  上任意一点, 过点  $M$  的母线与两个球分别  
相切于点  $G, H$ , 因此有  $MF_1 + MF_2 = MG + MH = GH$ , 而  $GH$  是图中两个圆锥母线长的  
差, 是一个定值, 因此曲线  $C$  是一个椭圆. 如图 2, 两个对顶圆锥中, 各有一个球, 这两个  
球的半径相等且与圆锥面相切, 已知这两个圆锥的母线与轴夹角的正切值为  $\frac{4}{3}$ , 球的半径为

4, 平面  $\alpha$  与圆锥的轴平行, 且与这两个球相切于  $A, B$  两点, 记平面  $\alpha$  与圆锥侧面相交所  
得曲线为  $C$ , 则曲线  $C$  的离心率为\_\_\_\_\_.

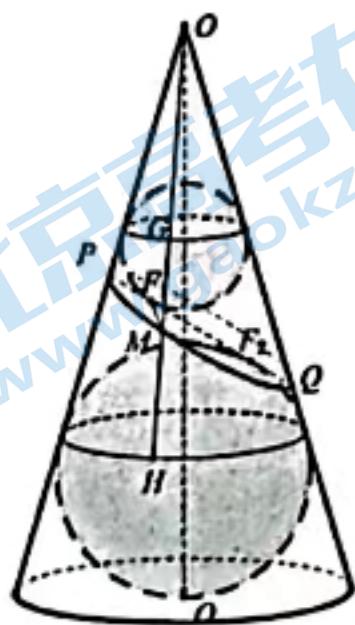


图 1

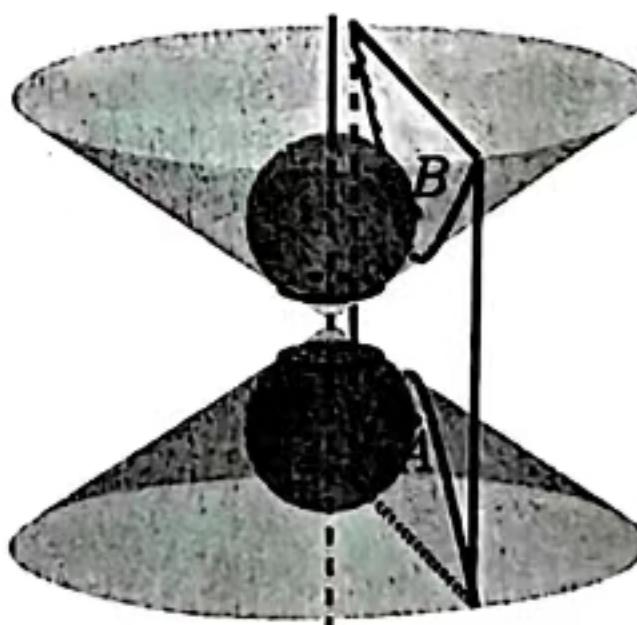


图 2

四、解答题：共 6 小题，共 70 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. (本小题 10 分) 已知函数  $f(x) = (2 + \ln 2)x - x \ln x$ .

(1) 求  $f(x)$  的单调递减区间；

(2) 求  $f(x)$  的最大值。

18. (本小题 12 分) 对于各项均不为零的数列  $\{c_n\}$ ，我们定义：数列  $\{\frac{c_{n+k}}{c_n}\}$  为数列  $\{c_n\}$  的“ $k$ -比分数列”。已知数列  $\{a_n\}, \{b_n\}$  满足  $a_1 = b_1 = 1$ ，且  $\{a_n\}$  的“1-比分数列”与  $\{b_n\}$  的“2-比分数列”是同一个数列。

(1) 若  $\{b_n\}$  是公比为 2 的等比数列，求数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和  $S_n$ ；

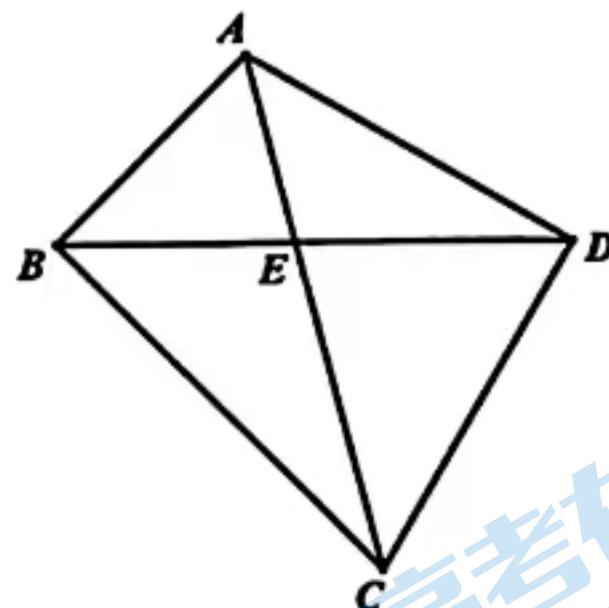
(2) 若  $\{b_n\}$  是公差为 2 的等差数列，求  $a_n$ 。

19. (本小题 12 分) 如图，两块直角三角形模具，斜边靠在一起，其中公共斜边  $AC = 10$ ，

$\angle BAC = \frac{\pi}{3}$ ,  $\angle DAC = \frac{\pi}{4}$ ,  $BD$  交  $AC$  于点  $E$ .

(1) 求  $BD^2$ ；

(2) 求  $AE$ 。



20. (本小题 12 分) 甲公司现有资金 200 万元，考虑一项投资计划，假定影响投资收益的唯一因素是投资期间的经济形势，若投资期间经济形势好，投资有 25% 的收益率，若投资期间经济形势不好，投资有 10% 的损益率；如果不执行该投资计划，损失为 1 万元。现有两个方案，方案一：执行投资计划；方案二：聘请投资咨询公司乙分析投资期间的经济形势，聘请费用为 5000 元，若投资咨询公司乙预测投资期间经济形势好，则执行投资计划；若投资咨询公司乙预测投资期间经济形势不好，则不执行该计划。根据以往的资料表明，投资咨询公司乙预测不一定正确，投资期间经济形势好，咨询公司乙预测经济形势好的概率是 0.8；投资期间经济形势不好，咨询公司乙预测经济形势不好的概率是 0.7。假设根据权威资料可以确定，投资期间经济形势好的概率是 40%，经济形势不好的概率是 60%。

(1) 求投资咨询公司乙预测投资期间经济形势好的概率；

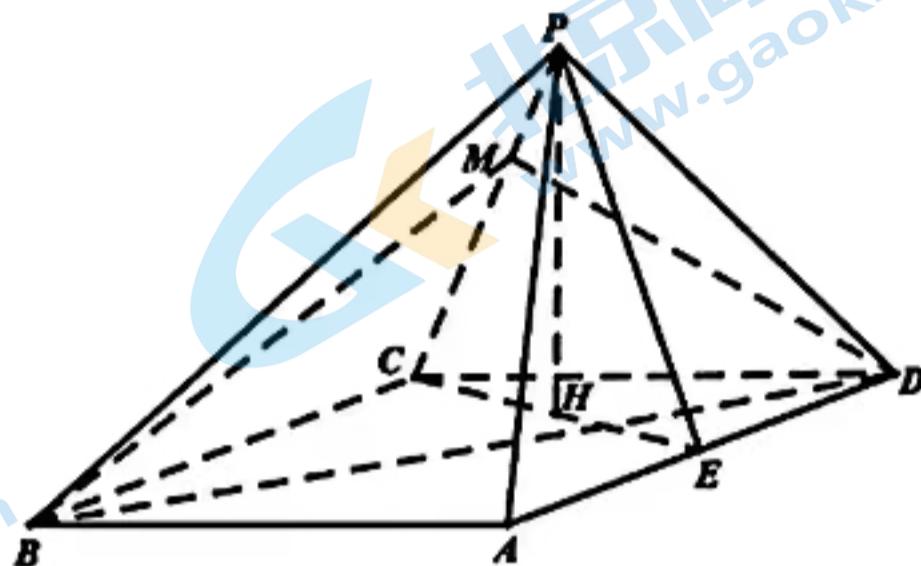
(2) 根据获得利润的期望值的大小，甲公司应该执行哪个方案？说明理由。

21.(本小题 12 分)如图,四棱锥  $P-ABCD$  中,底面  $ABCD$  是边长为 2 的菱形,  $\angle ABC = \frac{\pi}{3}$ ,

已知  $E$  为棱  $AD$  的中点,  $P$  在底面的投影  $H$  为线段  $EC$  的中点,  $M$  是棱  $PC$  上一点.

(1) 若  $CM = 2MP$ , 求证:  $PE \parallel \text{平面 } MBD$ ;

(2) 若  $PB \perp EM$ ,  $PC = EC$ , 确定点  $M$  的位置, 并求二面角  $B-EM-C$  的余弦值.

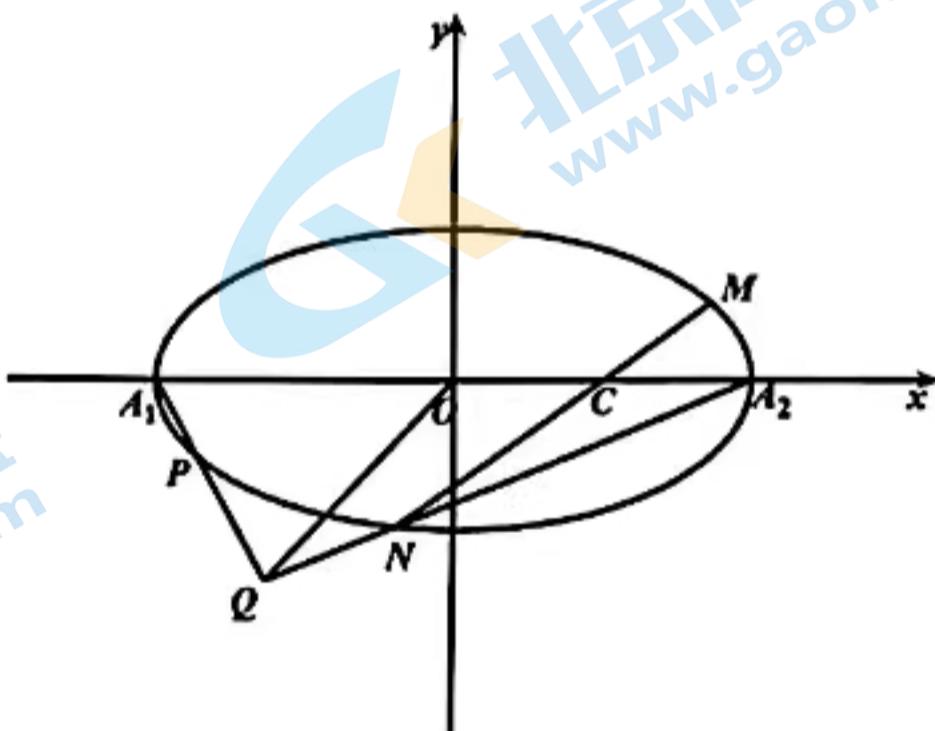


22. (本小题 12 分) 已知椭圆  $E: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的离心率为  $\frac{\sqrt{3}}{2}$ , 左右两顶点分别为  $A_1, A_2$ , 过点  $C(1, 0)$  作斜率为  $k_1 (k_1 \neq 0)$  的动直线与椭圆  $E$  相交于  $M, N$  两点. 当  $k_1 = 1$

时, 点  $A_1$  到直线  $MN$  的距离为  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ .

(1) 求椭圆  $E$  的标准方程;

(2) 设点  $M$  关于原点的对称点为  $P$ , 设直线  $A_1P$  与直线  $A_2N$  相交于点  $Q$ , 设直线  $OQ$  的斜率为  $k_2$ , 试探究  $\frac{k_2}{k_1}$  是否为定值, 若为定值, 求出定值并说明理由.



# 2024年HGT第一次模拟测试

## 数学 参考答案及评分意见

**一、单项选择题：**共8小题，每题5分，共40分。在每小题给出的四个选项中，只有一个选项是符合题目要求的。

题号	1	2	3	4	5	6	7	8
答案	C	B	C	A	A	D	B	C

**二、多项选择题：**共4小题，每题5分，共20分。在每小题给出的四个选项中，有两项符合题目要求。全部选对的得5分，部分选对的得2分，有选错的得0分。

题号	9	10	11	12
答案	BC	ABD	ACD	ACD

**三、填空题：**共4小题，每小题5分，共20分。

13.  $-\frac{1}{6}$

14. 160

15.  $[0, 80\sqrt{3}]$

16.  $\frac{5}{3}$

**四、解答题：**共6小题，共70分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

17. 【解析】(1)  $f'(x)=1+\ln 2-\ln x=\ln \frac{2e}{x}$ , ..... 2分

令  $f'(x)<0$ , 得  $0<\frac{2e}{x}<1$ , 即  $x>2e$ , ..... 4分

所以  $f(x)$  的单调递减区间为  $(2e, +\infty)$ . ..... 5分

(2) 当  $x \in (0, 2e)$  时,  $f'(x)>0$ .  $f(x)$  单调递增;

当  $x \in (2e, +\infty)$  时,  $f'(x)<0$ .  $f(x)$  单调递减. ..... 8分

所以  $f(x) \leq f(2e) = 2e$ , 即  $f(x)$  的最大值为  $2e$ . ..... 10分

18. 【解析】由题意知  $\frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{b_{n+2}}{b_n}$ , ..... 2分

(1) 因为  $b_1=1$ , 且  $\{b_n\}$  是公比为2的等比数列, 所以  $\frac{a_{n+1}}{a_n} = 4$ ,

因为  $a_1=1$ , 所以数列  $\{a_n\}$  首项为1, 公比为4的等比数列, ..... 4分

所以  $S_n = \frac{1 \times (1 - 4^n)}{1 - 4} = \frac{1}{3} \times (4^n - 1)$ , ..... 6分

(2) 因为  $b_1=1$ , 且  $\{b_n\}$  是公差为2的等差数列, 所以  $b_n = 2n-1$ ,

所以  $\frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{b_{n+2}}{b_n} = \frac{2n+3}{2n-1}$ , ..... 8分

所以  $\frac{a_n}{a_{n-1}} = \frac{2n+1}{2n-3}$ ,  $\frac{a_{n-1}}{a_{n-2}} = \frac{2n-1}{2n-5}$ , ...,  $\frac{a_2}{a_1} = \frac{5}{1}$ , ..... 10分

所以  $\frac{a_n}{a_1} = \frac{(2n+1)(2n-1)}{3 \times 1}$ , 因为  $a_1=1$ , 所以  $a_n = \frac{1}{3} \times (4n^2 - 1)$ .

..... 12分

19. 【解析】(1) 由已知,  $AB = AC \cdot \cos \angle BAC = 10 \times \frac{1}{2} = 5$ ,

因为  $\angle BAD = \angle BAC + \angle DAC = 60^\circ + 45^\circ$ ,

$$\text{所以 } \cos \angle BAD = \cos 60^\circ \cos 45^\circ - \sin 60^\circ \sin 45^\circ = \frac{1}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{3}}{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = \frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4},$$

..... 4 分

所以在 $\triangle ABD$ 中， $BD^2 = AB^2 + AD^2 - 2AB \cdot AD \cdot \cos \angle BAD$

$$= 25 + 50 - 2 \times 5 \times 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{4}$$

(2) 【解法 1】因为  $\sin \angle BAD = \sin(60^\circ + 45^\circ) = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4}$ , ..... 8 分

又因为  $S_{ABCD} = S_{ABCE} + S_{ABDE}$ ,

$$\text{所以 } \frac{1}{2} \cdot AB \cdot AD \cdot \sin \angle BAD = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot AE \cdot \sin \angle BAE + \frac{1}{2} \cdot AE \cdot AD \cdot \sin \angle EAD ,$$

..... 10 分

$$\text{即 } \frac{1}{2} \times 5 \times 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2}}{4} = \frac{1}{2} \times 5 \times AE \times \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{2} \times AE \times 5\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2},$$

解得  $AE = 5\sqrt{3} - 5$ . 12 分

$$【解法2】\text{因为} \frac{AE}{EC} = \frac{S_{\triangle ABD}}{S_{\triangle BCD}} = \frac{\frac{1}{2} \times AB \cdot AD \cdot \sin \angle BAD}{\frac{1}{2} \times BC \cdot CD \cdot \sin \angle BCD} = \frac{\sqrt{3}}{3}, \quad \dots \dots \dots \quad 9 \text{分}$$

又因为  $AC = 10$ ，所以  $AE + EC = 10$ ，则  $AE + \sqrt{3}AE = 10$ ，

所以  $AE = 5\sqrt{3} - 5$ . ..... 12 分

20. 【解析】(1) 记投资期间经济形势好为事件  $B$

投资咨询公司预测投资期间经济形势好为事件  $A$ ，

$$\text{因此 } P(4) = P(B_1 \cdot A_1 + B_2 \cdot A_2) = 0.4 \times 0.8 + 0.6 \times 0.3 = 0.56 \quad \text{……………} 5/5$$

(2) 若采取方案一，则该公司获得的利润值  $X$  万元的分布列是

$X$	50	-20
$P$	0.4	0.6

若采取方案二：设该公司获得的利润值为 $Y$ 万元，有以下情况：

投资期间经济形势好，咨询公司乙预测经济形势为好， $Y = 49.5$ ，

其发生的概率为:  $P(B_1A) = 0.4 \times 0.8 = 0.32$ ,

投资期间经济形势好，咨询公司乙预测经济形势为不好， $Y = -1.5$ ，

其发生的概率为:  $P(B_1 \bar{A}) = 0.4 \times 0.2 = 0.08$ ,

投资期间经济形势不好，咨询公司乙预测经济形势为好， $Y = -20.5$ ，

其发生的概率为:  $P(B_2A) = 0.6 \times 0.3 = 0.18$ ,

投资期间经济形势不好，咨询公司乙预测经济形势为不好， $Y = -1.5$ ，

其发生的概率为:  $P(B_2 \bar{A}) = 0.6 \times 0.7 = 0.42$ ,

因此，随机变量  $Y$  的分布列为：

$Y$	-20.5	-1.5	49.5
$P$	0.18	0.5	0.32

因此,  $EY = -20.5 \times 0.18 - 1.5 \times 0.5 + 49.5 \times 0.32 = -3.69 - 0.75 + 15.84 = 11.4$  万元,

因为  $EX < EY$ ，所以甲公司应该选择方案二。 ..... 12 分

21. 【解析】(1) 设  $BD \cap CE = N$ , 则  $\frac{CN}{NE} = \frac{CM}{MP} = 2$ , ..... 2 分

$\therefore MN \parallel PE$ , 且  $MN \subset \text{平面 } MBD$ ,  $\therefore PE \parallel \text{平面 } MBD$ .

(2)  $\because PH \perp$  平面  $ABCD$ , 且  $BC \subset$  平面  $ABCD$ ,

$\therefore PH \perp BC$ , 又 $\because BC \perp CE$ ,

$\therefore BC \perp$  平面  $PEC$ ，且  $EM \subset$  平面  $PEC$ ，

$\therefore BC \perp EM$ , 又 $\because PB \perp EM$ ,

$\therefore EM \perp$  平面  $PBC$ ，且  $PC \subset$  平面  $PBC$ ，

$\therefore EM \perp PC$ . 由已知,  $\triangle PEC$  为等边三角形,

故  $M$  为  $PC$  中点,

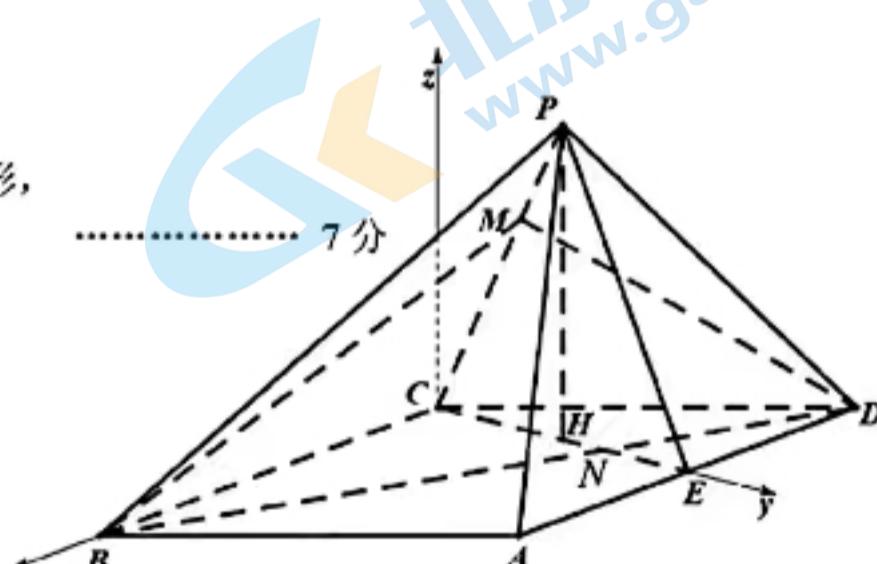
$M$  在底面  $ABCD$  上的投影为  $CH$  的中点.

3

以C为原点，分别以CB、CE为x、y轴：

以过C点且与平面ABCD垂直的直线为z轴建立空间直角坐标系.

所以  $C(0,0,0), B(2,0,0), E(0,\sqrt{3},0), M\left(0,\frac{\sqrt{3}}{4},\frac{3}{4}\right)$ .



$$\therefore \overrightarrow{EB} = (2, -\sqrt{3}, 0), \overrightarrow{ME} = \left(0, \frac{3\sqrt{3}}{4}, -\frac{3}{4}\right),$$

设  $\vec{n} = (x, y, z)$  是平面  $EBM$  的一个法向量，则

$$\begin{cases} \vec{n} \cdot \overrightarrow{EB} = 0 \Rightarrow 2x - \sqrt{3}y = 0 \\ \vec{n} \cdot \overrightarrow{ME} = 0 \Rightarrow \frac{3\sqrt{3}}{4}y - \frac{3}{4}z = 0 \end{cases}$$

令  $y = 2$ ，则  $x = \sqrt{3}$ ,  $z = 2\sqrt{3}$ ，即  $\vec{n} = (\sqrt{3}, 2, 2\sqrt{3})$ ， ..... 9 分

$\because BC \perp$  平面  $PEC$ ，

$\therefore \overrightarrow{CB} = (2, 0, 0)$  是平面  $PEC$  的一个法向量， ..... 10 分

$$\therefore \cos \langle \vec{n}, \overrightarrow{CB} \rangle = \frac{\vec{n} \cdot \overrightarrow{CB}}{|\vec{n}| \cdot |\overrightarrow{CB}|} = \frac{2\sqrt{3}}{2 \times \sqrt{19}} = \frac{\sqrt{57}}{19},$$

因为二面角  $B-EM-C$  是一个锐角，

所以二面角  $B-EM-C$  的余弦值为  $\frac{\sqrt{57}}{19}$ ， ..... 12 分

22. 【解析】(1) 依题意可知  $e = \frac{c}{a} = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ， ..... 1 分

由于  $k_1 = 1$ ，则直线  $MN$  的方程为  $x - y - 1 = 0$ ，因为点  $A_1$  到直线  $MN$  的距离为  $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ 。

所以  $\frac{|a+1|}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$ ，解得  $a = 2$ ， ..... 3 分

所以  $c = \sqrt{3}$ ，则  $b = \sqrt{a^2 - c^2} = 1$ ，

所以椭圆  $E$  的标准方程  $\frac{x^2}{4} + y^2 = 1$ 。 ..... 4 分

(2) 设  $M(x_1, y_1), N(x_2, y_2), P(-x_1, -y_1)$ ，直线  $AB$  的方程为  $x = my + 1$  此时  $k_1 = \frac{1}{m}$ 。

联立直线与椭圆方程  $\begin{cases} x = my + 1 \\ x^2 + 4y^2 = 4 \end{cases}$  消去  $x$  得  $(m^2 + 4)y^2 + 2my - 3 = 0$ ，

则有  $y_1 + y_2 = \frac{-2m}{m^2 + 4}, y_1 y_2 = \frac{-3}{m^2 + 4}$  ..... 6 分

不妨设  $Q(x_0, y_0)$ ，因为  $A_2, N, Q$  三点共线，则  $k_{A_2N} = k_{A_2Q}$ ，所以则有  $\frac{y_0}{x_0 - 2} = \frac{y_2}{x_2 - 2}$ ，

因为  $A_1, P, Q$  三点共线，则  $k_{A_1P} = k_{A_1Q}$  则有  $\frac{y_0}{x_0 + 2} = \frac{y_1}{x_1 - 2}$ ， ..... 8 分

$$\text{所以 } \frac{x_0 - 2}{y_0} = \frac{x_2 - 2}{y_2} = \frac{my_2 - 1}{y_2} = m - \frac{1}{y_2}, \quad \frac{x_0 + 2}{y_0} = \frac{x_1 - 2}{y_1} = \frac{my_1 - 1}{y_1} = m - \frac{1}{y_1}$$

$$\frac{2x_0}{y_0} = 2m - \left( \frac{1}{y_1} + \frac{1}{y_2} \right) = 2m - \frac{\frac{-2m}{m^2+4}}{\frac{-3}{m^2+4}} = \frac{4m}{3}, \quad \dots \dots \dots \text{10分}$$

$$\text{所以 } \frac{y_0}{x_0} = \frac{3}{2m}, \text{ 所以 } k_2 = \frac{3}{2m}, \quad \dots \dots \dots \text{11分}$$

$$\text{所以 } k_2 = \frac{3}{2}k_1. \text{ 所以 } \frac{k_2}{k_1} = \frac{3}{2}. \quad \dots \dots \dots \text{12分}$$

## 关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

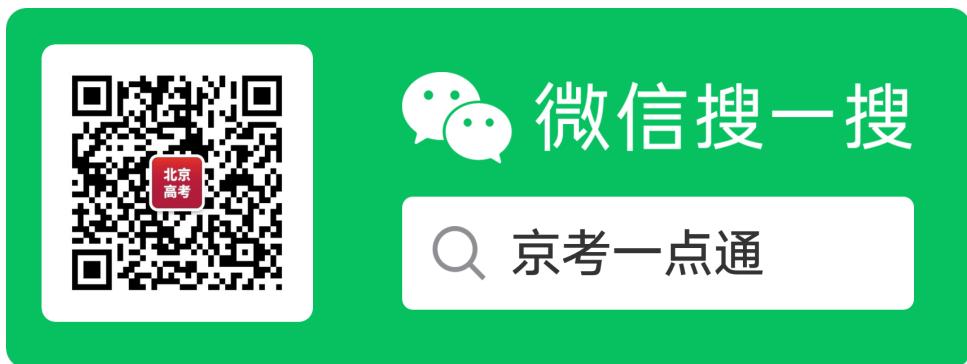
北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 50W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承“精益求精、专业严谨”的设计理念，不断探索“K12 教育+互联网+大数据”的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供“衔接和桥梁纽带”作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数千场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。

推荐大家关注**北京高考在线网站官方微信公众号：京考一点通**，我们会持续为大家整理分享最新的高中升学资讯、政策解读、热门试题答案、招生通知等内容！



官方微博账号：京考一点通  
官方网站：[www.gaokzx.com](http://www.gaokzx.com)

咨询热线：010-5751 5980  
微信客服：gaokzx2018