燕山地区 2023—2024 学年第一学期九年级期末考试

数学试卷

2024年1月

考

- 1. 本试卷共 8 页, 共三道大题, 28 道小题。满分 100 分。考试时间 120 分钟。
- 2. 在试卷和答题卡上准确填写学校名称、班级、姓名和考号。

生须

知

题

答

更

内

災

証

科

3. 试题答案一律填涂或书写在答题卡上,在试卷上作答无效。

4. 在答题卡上,选择题、画图题用 2B 铅笔作答,其它试题用黑色字迹签字笔作答。

5. 考试结束,请将本试卷和答题卡一并交回。

一、选择题(共16分,每题2分)

第1-8题均有四个选项,符合题意的选项只有一个.

1. 下列图案是我国国产品牌汽车的标识,其中是中心对称图形的是









Α.

В.

C.

D.

- 2. 已知点 P 在半径为 r 的 \odot O 内,且 OP = 3,则 r 的值可能为
 - A. 1

B. 2

C 3

- D. 4
- 3. 下列函数中,当x > 0时,y随x的增大而减小的是

A.
$$y = x$$

B.
$$y = x + 1$$

$$C. y = x^2$$

D.
$$y = -x^2$$

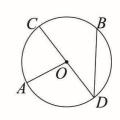
- 4. 一个小球在如图所示的地板上自由滚动,并随机停留在某块方砖上. 如果每一块方砖除 颜色外完全相同,则小球最终停留在白砖上的概率是
 - A. $\frac{1}{3}$
- B. $\frac{4}{9}$
- C. $\frac{5}{9}$
- D. $\frac{2}{3}$
- 5. 如图,点 A, B 在 \odot O 上,点 C 是劣弧 \widehat{AB} 的中点, $\angle AOC = 80^{\circ}$,则 $\angle CDB$ 的大小为



B. 45°

C. 60°

D. 80°



九年级数学试卷第1页(共8页)

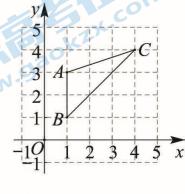
- 6. 电影《志愿军:雄兵出击》于国庆档上映,首周累计票房约 3.5 亿元,第三周累计票房约 6.8 亿元. 若每周累计票房的增长率相同,设增长率为 x,根据题意可列方程为
 - A. $3.5x^2 = 6.8$
- B. 3.5(1+x) = 6.8
- C. $3.5(1+x)^2 = 6.8$
- D. $3.5(1-x)^2 = 6.8$
- 7. 如图,在平面直角坐标系 xOy 中, $\triangle ABC$ 的三个顶点都在格点上,则 $\triangle ABC$ 外接圆的圆心坐标为



B. (2, 3)

C. (2, 2)

D. (3, 3)



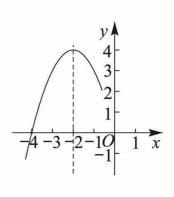
- 8. 平面直角坐标系 xOy 中,已知二次函数 $y = ax^2 + bx(a \neq 0)$ 的部分图象如图所示,给出下面三个结论:
 - ① $a \cdot b > 0$;
 - ② 二次函数 $y=ax^2+bx(a\neq 0)$ 有最大值 4;
 - ③ 关于x 的方程 $ax^2 + bx = 0$ 有两个实数根 $x_1 = -4$, $x_2 = 0$.

上述结论中,所有正确结论的序号是

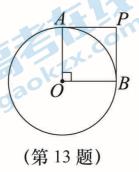


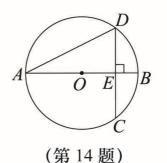
B. (1)(3)

D. (1)(2)(3)



- 二、填空题(共16分,每题2分)
- 9. 平面直角坐标系 xOy 中,与点 P(-4, 1) 关于原点对称的点的坐标是_____
- 10. 一元二次方程 x(x-3) = x-3 的解是_____
- 11. 将抛物线 $y = \frac{1}{2}x^2$ 向左平移 1 个单位长度,得到抛物线的解析式为______.
- 12. 已知某二次函数的图象开口向上,且顶点坐标为(1,3),则这个二次函数解析式可以是
- 13. 如图, PA, PB 是 \odot O 的两条切线, 切点为 A, B, 若 \angle AOB = 90°, PA = 3, 则 \odot O 的半径为_____.





14. 如图, AB 是 $\odot O$ 的直径, 弦 $CD \perp AB$ 于点 E, 连接 AD, 若 OE = 3, CD = 8, 则 AD 的长为_____.

15. 在一个不透明的盒子中共装有 40 个球,其中有 a 个红球,这些球除颜色外无其它差别. 为估计a的值,小颖做摸球试验,她将盒子里面的球充分搅匀,任意摸出1个球记下颜 色再放回,不断重复上述过程,记录实验数据如下:

摸球的次数 n	20	50	100	200	300	400	500
摸到红球的次数 m	13	32	62	117	181	238	301
摸到红球的频率	0.65	0.64	0.62	0.585	0.603	0.595	0.602

根据以上数据,估计 a 的值约为 a .

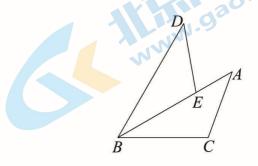
16. 2023 年第 19 届杭州亚运会的举办带热了吉祥物"宸宸、琮琮和莲莲"的销售. 某网店

经营亚运会吉祥物玩偶礼盒装,每盒进价为30元. 当地物价部门规定,该礼盒销售单价最高不能超 过 50 元 / 盒. 在销售过程中发现该礼盒每周的销量。 y(件)与销售单价x(元)之间近似满足函数关系: $y = -2x + 180(30 \le x \le 50)$.



- (1) 设该网店每周销售该礼盒所获利润为w(元),则w与x的函数关系式为_
- (2) 该网店每周销售该礼盒所获最大利润为_____元.
- 三、解答题(共 68 分,第 17 19 题,每题 5 分,第 20 题 6 分,第 21 23 题,每题 5 分,第 WWW.9aokzx.com 24-26题, 每题 6分, 第 27-28 题, 每题 7分) 解答应写出文字说明, 演算步骤或证明过程.
- 17. 解方程: $x^2 + 4x 12 = 0$.
- 18. 已知 $x^2 2x 5 = 0$,求代数式 $3x(x-2) + (x-1)^2$ 的值.
- 19. 2023 年 7 月 31 日,北京遭遇 140 年以来最大的暴雨,房山地区受灾严重.为了做好防 汛救灾工作,某社区特招募志愿工作者,小东和小北积极报名参加,根据社区安排,志 愿者被随机分到 A 组(信息登记), B 组(物资发放), C 组(垃圾清运)的其中一组.
 - (1) 小东被分配到 A 组是______事件(填"必然", "随机"或"不可能"); 小东被分配到 A 组的概率是_____.
 - (2) 请用列表或画树状图的方法,求出小东和小北被分配到同一组的概率.

- (1) 若 BC = 6, BD = 9, 求线段 AE 的长.
- (2) 连接 AD, 若 $\angle C = 110^{\circ}$, $\angle BAC = 40^{\circ}$, 求 $\angle BDA$ 的度数.



例

世

災

内

瞅

答

恩

0

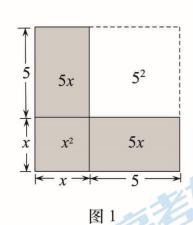
0

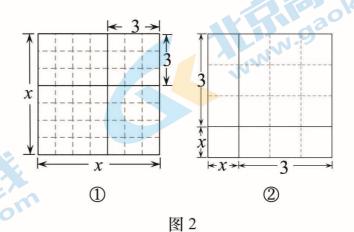
21. 阅读下面的材料

一元二次方程及其解法最早出现在公元前两千年左右的古巴比伦人的《泥板文书》中. 到了中世纪,阿拉伯数学家阿尔·花拉子米在他的代表作《代数学》中记载了求一元二次方程正数解的几何解法,我国三国时期的数学家赵爽在其所著《勾股圆方图注》中也给出了类似的解法.

以 $x^2 + 10x = 39$ 为例, 花拉子米的几何解法步骤如下:

- ① 如图 1,在边长为 x 的正方形的两个相邻边上作边长分别为 x 和 5 的矩形,再补上一个边长为 5 的小正方形,最终把图形补成一个大正方形;
- ② 一方面大正方形的面积为 $(x+____)^2$,另一方面它又等于图中各部分面积之和,因为 $x^2+10x=39$,可得方程 $(x+____)^2=39+____$,则方程的正数解是 $x=____$.





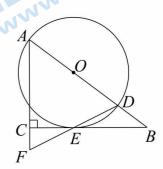
根据上述材料,解答下列问题.

- (1) 补全花拉子米的解法步骤②;
- (2) 根据花拉子米的解法,在图 2 的两个构图①②中,能够得到方程 $x^2 6x = 7$ 的正数解的正确构图是 (填序号).

九年级数学试卷第4页(共8页)

- 22. 已知关于 x 的一元二次方程 $x^2 2x + (m-2) = 0$ 有两个不相等的实数根
 - WWW.9
- 23. 已知二次函数 $y = ax^2 + bx + 3(a \neq 0)$ 的图象经过点 A(1, 0), B(3, 0).
 - (1) 求该函数的解析式;
 - (2) 当 x > 3 时,对于 x 的每一个值,函数 y = x + n 的值小于二次函数 $y = ax^2 + bx + 3$ 的值, 结合函数图象,直接写出 n 的取值范围.

- 24. 如图,在 $\triangle ABC$ 中, $\angle ACB = 90^{\circ}$,点D在AB上,以AD为直径作 $\bigcirc O$ 与BC相切于 点 E, 连接 DE 并延长交 AC 的延长线于点 F.
 - (2) 若 CE = 4, CF = 2, 求⊙O 的半径.



九年级数学试卷第5页(共8页)

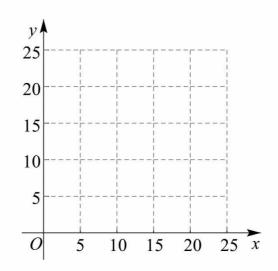
25. 学校组织九年级学生进行跨学科主题学习活动,利用函数的相关知识研究某种化学试剂 的挥发情况. 在两种不同的场景 A 和场景 B 下做对比实验, 设实验过程中, 该试剂挥 v.9aokzx.co 发时间为x分钟时,在场景A,B中的剩余质量分别为 y_1,y_2 (单位:克).

下面是某研究小组的探究过程,请补充完整:

记录 y_1 , y_2 与 x 的几组对应值如下:

x(分钟)	0	5	10	15	20	•••
y ₁ (克)	25	23.5	20	14.5	7	•••
y ₂ (克)	25	20	15	10	5	•••

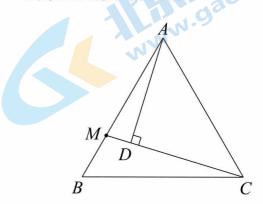
(1) 在同一平面直角坐标系 xOy 中,描出上表中各组数值所对应的点 (x, y_1) , (x, y_2) , 并画出函数 y_1 , y_2 的图象;



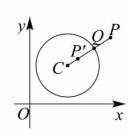
- (2) 进一步探究发现,场景 A 的图象是抛物线的一部分, v_1 与 x 之间近似满足函数关系 $y_1 = -0.04x^2 + bx + c$. 场景 B 的图象是直线的一部分, y_2 与 x 之间近似满足函数关 $\overline{\mathbf{x}} \, y_2 = a\mathbf{x} + c(a \neq 0)$. 请分别求出场景 A, B 满足的函数关系式;
- (3) 查阅文献可知,该化学试剂的质量不低于4克时,才能发挥作用.在上述实验中,
- 26. 在平面直角坐标系 xOy 中, 点 M(-1, m), N(3, n) 在抛物线 $y = ax^2 + bx + c(a > 0)$ 上, 设抛物线的对称轴为x = t.

 - (2) 若 c < m < n, 求 t 的取值范围.

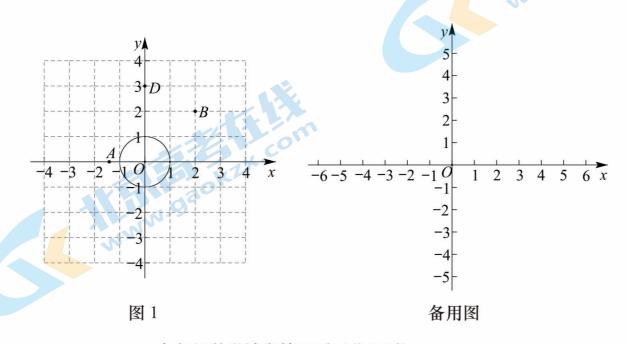
- 27. 如图, $\triangle ABC$ 为等边三角形,点 M 为 AB 边上一点 (不与点 A , B 重合),连接 CM,过点 A 作 $AD \perp CM$ 于点 D,将线段 AD 绕点 A 顺时针旋转 60° 得到线段 AE,连接 BE.
 - (1) 依题意补全图形,直接写出 / AEB 的大小,并证明;
 - (2) 连接 ED 并延长交 BC 于点 F,用等式表示 BF 与 FC 的数量关系,并证明.



28. 在平面直角坐标系 xOy 中,对于 $\odot C$ 和 $\odot C$ 外一点 P 给出如下定义: 连接 CP 交 $\odot C$ 于点 Q,作点 P 关于点 Q 的对称点 P',若点 P' 在线段 CQ 上,则称点 P 是 $\odot C$ 的 "关联点"。例如,右图中 P 为 $\odot C$ 的一个"关联点"。



- (1) ⊙ 0 的半径为 1.
 - ① 如图 1, 在点 $A(-\sqrt{2}, 0)$, B(2, 2), D(0, 3) 中, $\odot O$ 的 "关联点"是_____;
 - ② 已知点 M 在直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x 2$ 上,且点 M 是 \odot O 的 "关联点",求点 M 的横坐标 m 的取值范围.
- (2) 直线 $y=-\sqrt{3}(x-1)$ 与 x 轴,y 轴分别交于点 E,点 F, $\odot T$ 的圆心为 T(t,0),半径为 2,若线段 EF 上所有点都是 $\odot T$ 的 "关联点",直接写出 t 的取值范围.



九年级数学试卷第7页(共8页)

关注北京高考在线官方微信: 京考一点通 (微信号:bjgkzx), 获取更多试题资料及排名分析信息。

燕山地区 2023—2024 学年第一学期九年级期末考试

数学试卷答案及评分参考

阅卷须知:

- 1. 为便于阅卷, 本试卷答案中有关解答题的推导步骤写得较为详细, 阅卷时, 只要考 生将主要过程正确写出即可。
 - 2. 若考生的解法与给出的解法不同,正确者可参照评分参考相应给分。
 - 3. 评分参考中所注分数,表示考生正确做到此步应得的累加分数。

第一部分 选择题

一、选择题(共16分,每题2分)

题号 1		2	3	4	5	6	7	8
选项 I	3 .9	D	D	В	A	C	A	D

第二部分 非选择题

二、填空题(共 16 分, 每题 2 分)

- 9. (4, -1); 10. $x_1=1, x_2=3;$ 11. $y=\frac{1}{2}(x+1)^2;$
- 12. 答案不唯一,如: $y = (x-1)^2 + 3$; 13. 3; 14. $4\sqrt{5}$;

 $x_1 = -6$, $x_2 = 2$.

- 15. 24; 16. (1) y = (-2x + 180)(x 30), 或 $y = -2x^2 + 240x 5400$; (2)1600.
- 三、解答题(共68分,第17-19题,每题5分,第20题6分,第21-23题,每题5分,第 24-26 题, 每题 6 分, 第 27-28 题, 每题 7 分)
- 17. (本题满分5分)

解: 方法一:

九年级数学试卷答案及评分参考 第1页 共9页

18. (本题满分5分)

解: 原式=
$$3x^2 - 6x + x^2 - 2x + 1$$

= $4x^2 - 8x + 1$.

$$x^2 - 2x - 5 = 0$$
,

$$\therefore x^2 - 2x = 5,$$

$$\therefore 4x^2 - 8x = 4(x^2 - 2x) = 4 \times 5 = 20,$$



19. (本题满分 5 分)

解: (1) 随机;
$$\frac{1}{3}$$
;

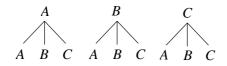
(2) 记小东和小北被分配到同一组为事件 *M*. 方法一: 用列表法列举所有可能出现的结果:

NIN	A	В	С
A	AA	AB	AC
В	BA	BB	BC
С	CA	CB	CC

由表中可以看出,所有可能的结果有 9 种,并且这 9 种结果出现的可能性相等, 所有可能的结果中,满足事件 *M* 的结果有 3 种,即 AA,BB,CC,

$$\therefore P(M) = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}.$$

方法二: 根据题意可以画出如下的树状图:



由树状图可以看出,所有可能的结果有 9 种,并且这 9 种结果出现的可能性相等,所有可能的结果中,满足事件 M 的结果有 3 种,即 AA, BB, CC,

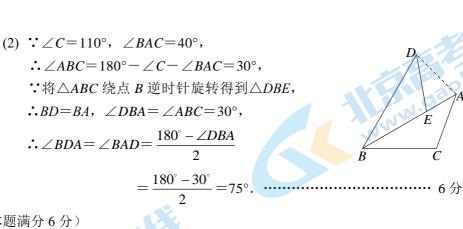
$$\therefore P(M) = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}.$$

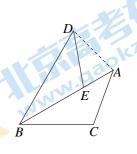
20. (本题满分 6 分)

解: (1) : 将 $\triangle ABC$ 绕点 B 逆时针旋转得到 $\triangle DBE$,点 C 的对应点 E 落在 AB 上,

$$BD=BA$$
, $BE=BC$,

九年级数学试卷答案及评分参考 第2页 共9页





21. (本题满分 6 分)

22. (本题满分5分)

解: (1)
$$\Delta = b^2 - 4ac = (-2)^2 - 4 \times 1 \times (m-2)$$

= $4 - 4m + 8$
= $12 - 4m$.

::方程有两个不相等的实数根,

∴ $\Lambda > 0$, $\square 12 - 4m > 0$,

 $\therefore m$ 的取值范围是 m < 3.

(2) : m < 3, 且m为正整数,

方法一:

取 m=2,原方程化为 $x^2-2x=0$,

解这个方程, 得
$$x_1 = 0$$
, $x_2 = 2$. 5分

方法二:

取 m=1, 原方程化为 $x^2-2x-1=0$,

23. (本题满分5分)

解: (1) ::二次函数
$$y = ax^2 + bx + 3$$
 的图象经过点 $A(1, 0)$, $B(3, 0)$.

$$\int_{0}^{0} \begin{cases} 0 = a + b + 3, \\ 0 = 9a + 3b + 3. \end{cases}$$

解这个方程组,得
$$\begin{cases} a=1, \\ b=-4. \end{cases}$$

九年级数学试卷答案及评分参考 第3页 共9页

24. (本题满分6分)

- (1) 证明: 如图, 连接 OE.
 - :BC 为⊙O 的切线,
 - $\therefore OE \perp BC$.
 - $\therefore \angle ACB = 90^{\circ}$,
 - $AF \perp BC$
 - $\therefore OE//AF$,
 - $\therefore \angle F = \angle OED$.
 - : OE = OD
 - $\therefore \angle OED = \angle ODE$
 - $\therefore \angle F = \angle ODE$
 - AF = AD.





如图,连接AE.

- *:: AD* 为⊙*O* 直径,
- ∴∠AED=90°,即AE⊥DF于点E,
- $\therefore \triangle AEC \hookrightarrow \triangle EFC$

$$\therefore \frac{CE}{AC} = \frac{CF}{CE} \, ;$$

$$\therefore AC = \frac{CE^2}{CF} = \frac{4^2}{2} = 8,$$

- $\therefore AF = AC + CF = 10$,
- $\therefore AD = AF = 10,$
- **∴**⊙*O* 的半径为 5.

方法二:

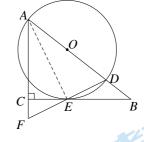
如图,设AF与 $\odot O$ 相交于点G,连接DG.

- 由(1)得, OE//AF,
- **∵***O* 为 *AD* 中点,
- ∴*E* 为 *DF* 中点.
- *∵AD* 为⊙*O* 直径,
- ∴ $\angle AGD = 90^{\circ}$, $\square DG \bot AF$.
- 又 $:EC \perp AF$,
- $\therefore CE // DG$,
- $:: CE 为 \triangle FGD$ 中位线,
- $\therefore FG = 2FC = 4$, DG = 2CE = 8.

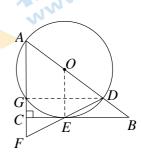
设 $\odot O$ 的半径为r,

在Rt $\triangle AGD$ 中, $\angle AGD$ =90°,AD=AF=2r, AG=AF-FG=2r-4,DG=8,

- $(2r-4)^2+8^2=(2r)^2$,
- 解得 r=5,
- ∴ ⊙ O 的半径为 5.



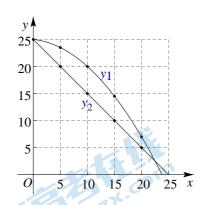
.....6分



九年级数学试卷答案及评分参考 第4页 共9页

25. (本题满分 6 分)

解: (1)描点并画出函数 y1, y2 的图象如图;





(2) 场景 A:

将点(0, 25), (10, 20)的坐标代入 $y_1 = -0.04x^2 + bx + c$,

得
$$\begin{cases} 25 = c, \\ 20 = -0.04 \times 10^2 + 10b + c, \end{cases}$$

解得
$$\begin{cases} b = -0.1, \\ c = 25. \end{cases}$$

∴场景 A 满足的函数关系式为 $y_1 = -0.04x^2 - 0.1x + 25$.

场景 B:

将点(0, 25), (5, 20)的坐标代入 $y_2 = ax + c$,

得
$$\begin{cases} 25 = c, \\ 20 = 5a + c, \end{cases}$$

解得
$$\begin{cases} a = -1, \\ c = 25. \end{cases}$$

∴场景 B 满足的函数关系式为
$$y_2 = -x + 25$$
. 5 分

26. (本题满分6分)

解: (1) 方法一:

$$: m=n,$$

∴点
$$M(-1, m)$$
, $N(3, n)$ 关于直线 $x=t$ 对称,

$$\therefore t = \frac{-1+3}{2} = 1,$$

即 t=1.

..... 2 分

九年级数学试卷答案及评分参考 第5页 共9页

方法二:

∵点 M(-1, m), N(3, n) 在抛物线上,

$$\therefore \begin{cases}
 m = a - b + c, \\
 n = 9a + 3b + c.
\end{cases}$$

: m = n,

:
$$a - b + c = 9a + 3b + c$$
,

$$\therefore b = -2a$$
,

$$\therefore t = -\frac{b}{2a} = 1,$$

即 t=1.

(2) 方法一:

:: 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 的对称轴为 x = t,

$$\therefore t = -\frac{b}{2a}$$

$$\therefore b = -2at$$

∴ 抛物线解析式为 $y = ax^2 - 2atx + c$.

∵点 *M*(−1, *m*), *N*(3, *n*)在抛物线上,

$$\therefore \begin{cases}
 m = a + 2at + c, \\
 n = 9a - 6at + c.
\end{cases}$$

: c < m < n,

$$\vdots \begin{cases}
c < a + 2at + c, \\
a + 2at + c < 9a - 6at + c,
\end{cases}$$

整理, 得
$$\begin{cases} a(1+2t) > 0, \\ 8a(1-t) > 0. \end{cases}$$

:a>0,

$$\therefore \begin{cases} 1+2t>0, \\ 1-t>0, \end{cases}$$

解得
$$-\frac{1}{2} < t < 1$$
,

∴ t 的取值范围是 $-\frac{1}{2} < t < 1$.

方法二:

∴ 抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 开口向上,

∴ 当 $x \le t$ 时, y 随 x 增大而减小, 当 $x \ge t$ 时, y 随 x 增大而增大.

九年级数学试卷答案及评分参考 第6页 共9页

设抛物线 $y = ax^2 + bx + c$ 与 y 轴交于点 C(0, c).

- 做点 M(-1, m)关于 x=t 的对称点 M',则 M'(2t+1, m)位于对称轴右侧. : m < n
 - $\therefore 2t+1 < 3$
 - $\therefore t \leq 1$.
 - i) 若 $t \ge 0$,显然满足 c < m;
 - ii) 若 t < 0, 点 C(0, c), M'(2t+1, m)均位于对称轴右侧,

$$\therefore 0 < 2t + 1$$

$$: t > -\frac{1}{2}.$$

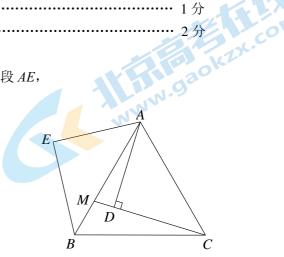
27. (本题满分 7 分)

(1)依题意补全图形,如图.

 $\angle AEB = 90^{\circ}$.

证明:

- : 将线段 AD 绕点 A 顺时针旋转 60° 得到线段 AE,
- $\therefore AE = AD, \angle EAD = 60^{\circ}$.
- $:: \triangle ABC$ 为等边三角形,
- $\therefore AB = AC, \angle BAC = 60^{\circ}$
- $\therefore \angle EAD = \angle BAC$.
- $\therefore \angle EAB = \angle EAD \angle BAD$ $\angle DAC = \angle BAC - \angle BAD$,
- $\therefore \angle EAB = \angle DAC$,
- $\therefore \triangle AEB \cong \triangle ADC$
- $\therefore \angle AEB = \angle ADC.$
- $:AD \perp CM$,即 $\angle ADC = 90^{\circ}$,
- $\therefore \angle AEB = 90^{\circ}.$



九年级数学试卷答案及评分参考 第7页 共9页

(2) BF = FC.

证明:

如图,过点 B 作 BG//MC,交 EF 的延长线于点 G.

- ::线段 AD 绕点 A 顺时针旋转 60° 得到线段 AE,
- $\therefore AE = AD, \angle EAD = 60^{\circ},$
- $\therefore \triangle ADE$ 为等边三角形,
- $\therefore \angle ADE = \angle AED = 60^{\circ}$,
- $\therefore \angle ADC = \angle AEB = 90^{\circ}$,
- $\therefore \angle CDG = 180^{\circ} \angle ADC \angle ADE = 30^{\circ}$, $\angle GEB = \angle AEB - \angle AED = 30^{\circ}$.
- :BG//MC,
- $\therefore \angle G = \angle CDG = 30^{\circ}$
- $\therefore \angle G = \angle GEB$,
- $\therefore BE = BG$.
- $AEB \cong \triangle ADC$
- $\therefore BE = CD$
- $\therefore BG = CD$.

在 $\triangle BGF$ 和 $\triangle CDF$ 中,

 $\angle G = \angle CDG$, $\angle ABC = \angle ACB$, BG = CD,

 $\therefore \triangle BGF \cong \triangle CDF$

 $\therefore BF = FC.$

28. (本题满分 7 分)

解: (1) ① A;

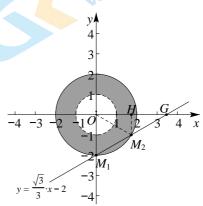
② 如图,设直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x - 2$ 与 x 轴交于点 G,与以 O 为圆心, 2 为半径的

圆交于点 M_1 , M_2 ,

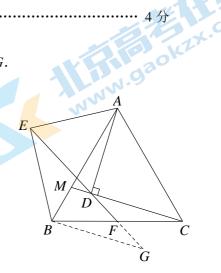
- ∵点M是⊙O的"关联点",
- $\therefore 1 < OM \leq 2$,即 *M* 点位于图中的 阴影区域(含外圆,不含内圆).

又::点M在直线 $y = \frac{\sqrt{3}}{3}x - 2$ 上,

∴点 *M* 在线段 *M*₁*M*₂上.

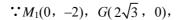


九年级数学试卷答案及评分参考 第8页 共9页



当点M与 M_1 重合时,点M的坐标为(0, -2);

当点M与 M_2 重合时,



$$\therefore \angle OGM_1 = 30^{\circ}$$
 , $\angle OM_1G = 60^{\circ}$.

- $:OM_1=OM_2=2,$
- $\therefore \triangle OM_1M_2$ 是等边三角形,
- $\therefore \angle M_1OM_2 = 60^{\circ}$,
- $\therefore \angle M_2OG = 30^\circ = \angle OGM_2$
- $M_2O=M_2G$.

作 $M_2H \perp x$ 轴于点 H,则点 H为 OG 中点,

$$\therefore OH = \frac{1}{2}OG = \sqrt{3}, M_2H = \frac{1}{2}OM_1 = 1,$$

∴点 M_2 的坐标为($\sqrt{3}$, -1).

(2)
$$-3 \le t < 1 - \frac{4\sqrt{3}}{3}$$
, $\vec{x} \le t < \sqrt{13}$.



......7分

九年级数学试卷答案及评分参考 第9页 共9页