

## 高一数学试卷

考生须知

- 本试卷共 4 页,共两部分,21 道小题,满分 150 分.考试时间 120 分钟.
- 在答题卡上准确填写学校、姓名、班级和教育 ID 号.
- 试题答案一律填涂或书写在答题卡上,在试卷上作答无效.
- 在答题卡上,选择题用 2B 铅笔作答,其他试题用黑色字迹签字笔作答.
- 考试结束后,请将答题卡上交.

## 第一部分(选择题 共 40 分)

一、选择题共 10 小题,每小题 4 分,共 40 分.在每小题列出的四个选项中,选出符合题目要求的一项.

- (1) 已知集合  $A = \{1, 2\}$ ,  $B = \{2, 3, 4\}$  则  $A \cap B =$
- (A) {1, 2} (B) {2, 3} (C) {2} (D) {3, 4}
- (2) 已知函数  $f(x) = \log_3(x-2)$ , 那么  $f(x)$  的定义域是
- (A) { $x | x > 0$ } (B) { $x | x < 2$ } (C) { $x | x \neq 2$ } (D) { $x | x > 2$ }
- (3) 命题  $p$ : “ $\forall x \in R, x^2 > 2$ ” 的否定为
- (A)  $\exists x \in R, x^2 \leq 2$  (B)  $\exists x \in R, x^2 > 2$   
 (C)  $\forall x \in R, x^2 \leq 2$  (D)  $\exists x \notin R, x^2 \leq 2$
- (4) 下列函数中,在区间  $(0, +\infty)$  上是减函数的是
- (A)  $y = \log_3 x$  (B)  $y = \sqrt{x}$  (C)  $y = 3^x$  (D)  $y = -x^2$
- (5) 已知函数  $f(x) = e^{x-1} + 4x - 4$ . 在下列区间中,包含  $f(x)$  零点的是
- (A) (0, 1) (B) (1, 2) (C) (2, 3) (D) (3, 4)
- (6) 已知  $a = \log_2 \frac{1}{2}$ ,  $b = 2^{\frac{1}{2}}$ ,  $c = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{\sqrt{2}}{2}}$ , 则
- (A)  $a < b < c$  (B)  $a < c < b$  (C)  $c < a < b$  (D)  $b < c < a$
- (7) 已知  $a > b$ , 则“ $c > d$ ”是“ $a+c > b+d$ ”的
- (A) 充分不必要条件 (B) 必要不充分条件  
 (C) 充分必要条件 (D) 既不充分也不必要条件
- (8) 若函数  $f(x) = \sin\left(2x - \frac{\pi}{3}\right)$  的图象关于直线  $x=t$  对称, 则  $t$  的值可以是
- (A)  $\frac{\pi}{6}$  (B)  $\frac{\pi}{3}$  (C)  $\frac{5\pi}{12}$  (D)  $\frac{\pi}{2}$

(9) 已知  $f(x) = 2x^2 - (a-1)x + b$  ( $a, b \in \mathbf{R}$ ) , 且存在  $\theta \in \left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right)$  使得  $f(\cos\theta) = f(\cos(\theta-\pi))$  ,

则  $a$  的值是

(A) 0

(B) 1

(C) 2

(D) -1

(10) 中国传统折扇文化有着极其深厚的底蕴,一般情况下,折扇可看作是由从一个圆面中剪下的

扇形制作而成.设制作扇子的扇形面积为  $S_1$ , 圆面中剩下部分的面积为  $S_2$ , 当  $\frac{S_1}{S_2} = \frac{\sqrt{5}-1}{2} \approx 0.618$  时, 扇面看上去形状较为美观.那么, 此时制作扇子的扇形圆心角的度数约为

(A)  $\pi$

(B)  $\frac{5\pi}{6}$

(C)  $\frac{3\pi}{4}$

(D)  $\frac{2\pi}{3}$

## 第二部分(非选择题 共 110 分)

二、填空题共 5 道小题, 每题 5 分, 共 25 分, 把答案填在答题卡上.

(11) 计算: (1)  $\log_{16}2 = \underline{\hspace{2cm}}$ ; (2)  $\cos \frac{4\pi}{3} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

(12) 不等式  $-2x^2 + x \leq -3$  的解集是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

(13) 函数  $f(x) = 2\sin 3x$  的最小正周期是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

(14) A、B、C 三个物体同时从同一点出发向同向而行, 位移  $y$  关于时间  $x$  ( $x > 0$ ) 的函数关系式分别为  $y_A = 2^x - 1$ ,  $y_B = \log_2 x$ ,  $y_C = x^{\frac{1}{2}}$ , 则下列结论中, 所有正确结论的序号是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

- ① 当  $x > 1$  时, A 总走在最前面;
- ② 当  $0 < x < 1$  时, C 总走在最前面;
- ③ 当  $x > 4$  时, B 一定走在 C 前面.

(15) 下表是某班 10 个学生的一次测试成绩, 对单科成绩分别评等级:

学生学号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
数学成绩	140	136	136	135	134	133	128	127	124	$m$
语文成绩	102	110	111	126	102	134	97	95	98	$n$

在这 10 名学生中, 已知数学成绩为“A 等”的有 8 人, 语文成绩为“A 等”的有 7 人, 数学与语文两科成绩全是“A 等”的有 6 人, 则下列说法中, 所有正确说法的序号是  $\underline{\hspace{2cm}}$ .

- ① 当  $m > 127$  时,  $n < 98$ ;
- ② 当  $m < 127$  时,  $n > 98$ ;
- ③ 恰有 1 名学生两科均不是“A 等”;
- ④ 学号 1~6 的学生两科成绩全“A 等”.

三、解答题共 6 道题,共 85 分,解答应写出文字说明,证明过程或演算步骤.

(16)(本小题 13 分)已知函数  $f(x)=\sqrt{x-3}$  定义域为集合  $A$ ,集合  $B=\{x|2 < x < 9\}$ .

(I) 求集合  $A$ ;

(II) 求  $A \cup B, C_R B$ .

(17)(本小题 15 分)已知函数  $f(x)=\begin{cases} \ln x, & 1 < x \leq e, \\ -x^2+2x+2, & x \leq 1. \end{cases}$  其中,  $e=2.71828\cdots$ .

(I) 求  $f(e)$  与  $f(-1)$  的值;

(II) 求  $f(x)$  的最大值.

(18)(本小题 15 分)已知函数  $f(x)=2\sin(2x+\varphi)\left(-\frac{\pi}{2} < \varphi < \frac{\pi}{2}\right)$ , 满足  $f(0)=\sqrt{3}$ .

(I) 求  $\varphi$  的值;(II) 求函数  $f(x)$  的单调递增区间.

(19)(本小题 13 分)在平面直角坐标系  $xOy$  中,角  $\alpha$  的顶点与原点重合,始边与  $x$  轴的非负

半轴重合,终边与单位圆交于第一象限的点  $P(\frac{4}{5}, y_1)$ .

(I) 求  $y_1$  的值;

(II) 将角  $\alpha$  的终边绕坐标原点  $O$  按逆时针方向旋转角  $\beta$  后与单位圆交于点  $Q(x_2, y_2)$ ,

再从条件①、条件②、条件③这三个条件中选择一个作为已知,求  $\frac{y_2}{x_2}$  的值.

①  $\beta=\frac{\pi}{2}$ ; ②  $\beta=\pi$ ; ③  $\beta=\frac{3\pi}{2}$ .

注:如果选择多个条件分别解答,按第一个解答计分.

(20)(本小题 14 分)悬链线是生活中常见的一种曲线,如沾满露珠自然下垂的蜘蛛丝;如两根电线杆之间的电线;如横跨深涧的观光索道的电缆等等.这些现象中都有相似的曲线形态.这些曲线在数学上常常被称为悬链线.这类悬链线对应的函数表达式为  $f(x)=ae^x+be^{-x}$ ( $a,b$  是非零常数,无理数  $e=2.71828\cdots$ ).

- ( I )当  $a=1,b=-1$  时,判断  $f(x)$  的奇偶性并说明理由;
- ( II )如果  $f(x)$  为  $\mathbb{R}$  上的单调函数,请写出一组符合条件的  $a,b$  值;
- ( III )如果  $f(x)$  的最小值为 2,求  $a+b$  的最小值.

(21)(本小题 15 分)已知  $A$  是非空数集,如果对任意  $x,y \in A$ ,都有  $x+y \in A, xy \in A$ ,则称  $A$  是封闭集.

- ( I )判断集合  $B=\{0\}, C=\{-1,0,1\}$  是否为封闭集,并说明理由;
- ( II )判断以下两个命题的真假,并说明理由;
- 命题  $p$ :若非空集合  $A_1, A_2$  是封闭集,则  $A_1 \cup A_2$  也是封闭集;
- 命题  $q$ :若非空集合  $A_1, A_2$  是封闭集,且  $A_1 \cap A_2 \neq \emptyset$ ,则  $A_1 \cap A_2$  也是封闭集;
- ( III )若非空集合  $A$  是封闭集合,且  $A \neq \mathbb{R}, \mathbb{R}$  为全体实数集,求证:  $C_{\mathbb{R}}A$  不是封闭集.

## 关于我们

北京高考在线创办于 2014 年，隶属于北京太星网络科技有限公司，是北京地区极具影响力中学升学服务平台。主营业务涵盖：北京新高考、高中生涯规划、志愿填报、强基计划、综合评价招生和学科竞赛等。

北京高考在线旗下拥有网站门户、微信公众平台等全媒体矩阵生态平台。平台活跃用户 40W+，网站年度流量数千万量级。用户群体立足于北京，辐射全国 31 省市。

北京高考在线平台一直秉承 “ 精益求精、专业严谨 ” 的设计理念，不断探索 “K12 教育 + 互联网 + 大数据 ” 的运营模式，尝试基于大数据理论为广大中学和家长提供新鲜的高考资讯、专业的高考政策解读、科学的升学规划等，为广大高校、中学和教科研单位提供 “ 衔接和桥梁纽带 ” 作用。

平台自创办以来，为众多重点大学发现和推荐优秀生源，和北京近百所中学达成合作关系，累计举办线上线下升学公益讲座数百场，帮助数十万考生顺利通过考入理想大学，在家长、考生、中学和社会各界具有广泛的口碑影响力。

未来，北京高考在线平台将立足于北京新高考改革，基于对北京高考政策研究及北京高校资源优势，更好的服务全国高中家长和学生。



微信搜一搜

Q 北京高考资讯